DOI:10.12158/j.2096-3203.2022.05.003

# 分频输电系统模块化多电平矩阵变换器谐波特性分析

孙玉巍<sup>1</sup>,常静恬<sup>1</sup>,付超<sup>1</sup>,郭锋<sup>2</sup>,周靖皓<sup>3</sup>,高本锋<sup>1</sup>
(1.新能源电力系统国家重点实验室(华北电力大学),河北 保定 071003;
2.国网浙江省电力有限公司台州供电公司,浙江 台州 318000;
3.国网浙江省电力有限公司,浙江 杭州 310007)

摘 要:模块化多电平矩阵变换器(M3C)是构建分频输电系统(FFTS)的核心装备,但是 M3C 在进行交-交变换时, 会导致两侧不同频率交流系统电气量在 M3C 内直接耦合,引起系统复杂的谐波分布。为分析 M3C 谐波特性,首先 基于 M3C 工作原理推导得到子模块电容纹波电压解析式,在此基础上推导9个桥臂考虑子模块电容电压全部4种 频率分量耦合的桥臂谐波电流解析式,进而分析多种频率桥臂谐波电流与系统电流的关系以及影响纹波电压/谐 波电流幅值的关键因素。结果表明,在稳态下,分频侧频率ω1和工频侧频率ω2的电流分量以正序基波电流性质流 入对应系统;频率为 3ω1和 3ω2的电流分量以零序谐波电流性质流入两侧交流系统;其他频率谐波分量在变换器内 部环流。文中针对 M3C 提出一种零序电流抑制控制策略,并在 Matlab/Simulink 中进行仿真,验证了谐波理论分析 的准确性以及控制策略的有效性。

关键词:分频输电系统(FFTS);模块化多电平矩阵变换器(M3C);谐波分析;频率耦合;电容纹波电压;桥臂电流中图分类号:TM46文献标志码:A文章编号:2096-3203(2022)05-0021-10

# 0 引言

相较于陆上风电,海上风电因其风能充足、噪 音不受限制以及风机利用率高等优点受到了广泛 关注<sup>[1-3]</sup>。随着大型风力发电系统由近海向中远海 延伸<sup>[4-5]</sup>,风电场接入电网环境日趋复杂,远距离大 容量输电问题对海上风电并网提出了新的挑战。

1994年,王锡凡教授首次提出分频输电系统 (fractional frequency transmission system, FFTS)<sup>[6]</sup>, 该技术具有降低系统电抗、提高传输容量、经济性 好等优势,被广泛应用于海上风电场与电网的并网 互联<sup>[7-9]</sup>。作为FFTS 的核心装置,模块化多电平矩 阵变换器(modular multilevel matrix converter, M3C) 以其高度模块化及易于扩展等优势,成为海上风电 FFTS 中极具发展前景的变换器方案<sup>[10-11]</sup>。

现有文献对 M3C 的数学建模和控制策略已有 较多研究<sup>[10,12-14]</sup>,而对影响 M3C 及 FFTS 稳定运行 的谐波特性及分布规律还缺乏深入分析。与模块 化多电平变换器(modular multilevel converter, MMC)和级联 H 桥变换器(cascaded H-bridge,CHB) 类似,M3C 的桥臂电流和模块直流电压存在谐波耦 合,谐波特性对变换器内部的环流抑制和外部的阻 抗特性均有直接影响。如文献[15] 根据 MMC 桥臂 中环流为二倍频的结论,针对性地提出抑制环流的

收稿日期:2022-04-27;修回日期:2022-07-03

有效策略。此外,具有高波动性和高比例电力电子 设备的中远海风力发电及其输电系统,极易发生 次/超同步相互作用、谐波谐振等稳定性问题[16-19]。 序阻抗模型是交互稳定性分析和宽频振荡抑制的 基础,在建模过程中,分析小信号谐波相序及处理 不同谐波都须以精确的谐波分析工作为基础。文 献[20]以 CHB 谐波分析为基础,针对谐波分布规 律提出一种仅考虑基波与二次谐波的线性化方法, 降低了矩阵阶数;文献[21]对 MMC 进行序阻抗建 模时,分析了稳态谐波和小信号谐波的分布规律, 将 MMC 的六桥臂模型简化为单桥臂模型,有效简 化了序阻抗建模的分析过程。M3C 为直接交-交变 换,无公共直流环节,两侧接入不同频率交流系统, 存在桥臂电流谐波与模块电压的迭代耦合,导致变 换器内部谐波分量丰富,其分布特性和传递规律较 MMC 和 CHB 更为复杂。深入研究 M3C 谐波特性 对 M3C 环流抑制、模块均衡控制以及交互稳定性分 析具有重要意义。

目前,仅有少量文献基于模块和桥臂均衡控制 需求对 M3C 系统的谐波特性进行了初步研究。文 献[22]研究了电容电压均衡控制策略,比较了不同 策略下电容电压纹波幅值的差异,但未给出电容电 压纹波的解析式。文献[23]深入分析了电容电压 纹波,依据能量守恒建立了电容纹波电压各频率成 分的解析式。文献[24]推导了 M3C 单个桥臂的电 流解析式,但没有分析 9 个桥臂的电流表达式及其

基金项目:河北省自然科学基金资助项目(E2019502172)

与系统电流的关系。文献[25]针对 M3C 提出一种 谐波分析的方法,对 20 Hz 和 60 Hz 互联的系统研 究了电容纹波电压频率分布,给出了 40 Hz 的电容 纹波电压表达式,推导了桥臂电流谐波分布,讨论 了影响电流谐波幅值的主要因素,但研究对象为 20 Hz 和 60 Hz 互联的系统,二者具有整数倍关系,且 忽略了部分频率信号,模型精度不足,因此所得结 果具有特殊性和局限性。

在已有研究的基础上,文中对 M3C 子模块电容 电压和桥臂电流的稳态谐波特性进行分析。首先 建立 M3C 子模块电容纹波电压表达式,对其频率分 布情况及耦合成因进行分析。其次,考虑所有电容 纹波电压频率分量,推导出不同频率桥臂电流的解 析式,并进行谐波特性分析,提出一种零序电流抑 制控制策略。利用 Matlab/Simulink 建立 M3C-FFTS 的仿真模型,比较投入零序电流抑制前后系统线电 流的频谱,验证理论分析的准确性和策略的有效性。

#### 1 M3C 基本原理

M3C 主电路结构如图 1 所示,两侧分别连接不同频率的三相交流系统。其中  $u_x$ , $u_y$ 分别为输入、输出侧相电压,x = a, b, c, y = u, v, w; $\omega_1$ , $\omega_2$ 分别为输入、输出侧系统角频率, $\omega_1 = 2\pi f_1$ , $\omega_2 = 2\pi f_2$ ; $f_1$ , $f_2$ 分别为输入、输出侧系统频率; $i_x$ , $i_y$ 分别为输入、输出侧线电流。文中输入侧为分频侧,输出侧为工频侧。M3C 共有 9 个桥臂,每个桥臂由电感 L、等效电阻 R 和 N 个 H 桥子模块串联构成。 $i_{xy}$ 为桥臂电流; $U_{xy}$ 为桥臂电压。M3C 正常运行时,通过对桥臂的子模块进行调制,可以使桥臂输出相应的电压,从而实现控制目标。



# 图 1 M3C 主电路结构 Fig.1 Main circuit structure of M3C

定义单个桥臂中第 i 个子模块的开关信号为:

$$S_{\text{armi}} = \begin{cases} 0 & \text{II} \& \\ \pm 1 & \text{IZ} & \end{cases}$$
(1)

假设所有子模块电容电压均衡,则此时第 *i* 个 子模块的电流关系式可表示为:

$$S_{\rm armi}i_{\rm arm} = C \, \frac{{\rm d}U_{\rm dc}}{{\rm d}t}$$
 (2)

式中:*i*<sub>arm</sub>为桥臂电流;*C*为子模块电容;*U*<sub>dc</sub>为子模块的电容电压。

则桥臂上所有子模块电流关系式可表示为:

$$\sum_{i=1}^{N} S_{\text{arm}i} \dot{i}_{\text{arm}} = NC \, \frac{\mathrm{d}U_{\mathrm{dc}}}{\mathrm{d}t} \tag{3}$$

$$ni_{\rm arm} = NC \, \frac{\mathrm{d}U_{\rm dc}}{\mathrm{d}t}$$
 (4)

式中:n为等效投入的子模块数量。

若定义某一时刻桥臂内投入的子模块数量和 桥臂总模块数量之比为投切系数  $S_{arm}(S_{arm} = n/N)$ , 式(4)可改写为:

$$S_{\rm arm}i_{\rm arm} = C \,\frac{\mathrm{d}U_{\rm dc}}{\mathrm{d}t} \tag{5}$$

桥臂电压关系式为:

$$U_{\rm arm} = NS_{\rm arm}U_{\rm dc} \tag{6}$$

式(5)、式(6)共同描述了 M3C 桥臂电压和电流的关系,可知,投切系数 *S*<sub>am</sub>与桥臂电流乘积频率耦合会产生子模块电容纹波电压,电容纹波电压又与 *S*<sub>am</sub>乘积耦合产生桥臂电压以及桥臂电流谐波。该关系式在9个桥臂中均适用。

#### 2 M3C 子模块电容纹波电压分析

稳态时,两侧系统三相电压、电流在桥臂上均 匀分布<sup>[26]</sup>,以桥臂 au 为例,桥臂电流 *i*<sub>au</sub>包含有 *i*<sub>a</sub>/3 和 *i*<sub>u</sub>/3 以及部分谐波 *i*<sub>arm,h</sub>。因此,桥臂电流表达式 可写为:

$$i_{xy} = \frac{1}{3}i_x + \frac{1}{3}i_y + i_{arm,h}$$
(7)

首次推导时,忽略谐波分量,则桥臂 au 电流为:

$$i_{au} \approx \frac{1}{3} (I_1 \sin(\omega_1 t + \beta_1) + I_2 \sin(\omega_2 t + \beta_2))$$

(8)

式中:*I*<sub>1</sub>,*β*<sub>1</sub>分别为分频侧系统线电流的幅值和相位;*I*<sub>2</sub>,*β*<sub>2</sub>分别为工频侧系统线电流的幅值和相位。

根据 M3C 工作原理,桥臂 au 子模块的投切系数可定义为:

 $S_{au} = m_1 \sin(\omega_1 t + \alpha_1) - m_2 \sin(\omega_2 t + \alpha_2)$  (9) 式中: $m_1, \alpha_1$ 分别为分频侧系统的调制比和相位;  $m_2, \alpha_2$ 分别为工频侧系统的调制比和相位。其余桥 臂电流表达式及子模块投切系数与式(8)、式(9)类 似,只是存在 2 $\pi$ /3 的相位差。 对式(5)积分,稳态时桥臂子模块电容电压可 表示为:

$$U_{\rm dc} = \frac{1}{C} \int S_{\rm arm} i_{\rm arm} dt + U_{\rm dc0}$$
(10)

式中: $U_{de0}$ 为子模块电容电压的直流分量。将 $i_{au}$ ,  $S_{au}$ 代入式(10)可得桥臂 au 子模块电容电压 $U_{de,au}$ , 其表达式为式(11)。采用同样方法可得到其他桥 臂子模块的电容电压表达式与式(11)类似,只是存 在  $2\pi/3$ 的相位差,文中不再给出。

$$U_{de,au} = \frac{1}{6C} \left( U_{de0} + m_1 I_1 t \cos(\alpha_1 - \beta_1) - \frac{m_2 I_2 t \cos(\alpha_2 - \beta_2)}{2\omega_1} - \frac{m_1 I_1 \sin(2\omega_1 t + \alpha_1 + \beta_1)}{2\omega_1} + \frac{1}{\omega_2 - \omega_1} m_1 I_2 \sin((\omega_2 - \omega_1) t - \alpha_1 + \beta_2) - \frac{1}{\omega_2 - \omega_1} m_2 I_1 \sin((\omega_2 - \omega_1) t + \alpha_2 - \beta_1) + \frac{1}{\omega_1 + \omega_2} m_2 I_1 \sin((\omega_1 + \omega_2) t + \alpha_2 + \beta_1) - \frac{1}{\omega_1 + \omega_2} m_1 I_2 \sin((\omega_1 + \omega_2) t + \alpha_1 + \beta_2) + \frac{1}{2\omega_2} m_2 I_2 \sin(2\omega_2 t + \alpha_2 + \beta_2) \right)$$
(11)

观察式(11),由于 M3C 输入、输出能量守恒, 因此式中  $m_1I_1$ tcos( $\alpha_1 - \beta_1$ ) -  $m_2I_2$ tcos( $\alpha_2 - \beta_2$ )近 似为 0。

桥臂电流和开关函数中均包含 $\omega_1 和 \omega_2$ ,2种频 率分量相互间耦合,因此子模块电容纹波电压含有 式(11)中所示的4种频率分量,分别为 $\omega_2-\omega_1$ (记为 $\omega_1$ ),2 $\omega_1$ (记为 $\omega_1$ ), $\omega_1+\omega_2$ (记为 $\omega_1$ )和2 $\omega_2$ (记为 $\omega_N$ )。对于9个桥臂来说,电容纹波电压所含频率 成分一致且相同频率对应的纹波电压幅值相等,该 幅值与电容大小和频率成反比。

分析式(11)可发现,分母中存在 $\omega_2 - \omega_1 \pi 2\omega_1$ , 这导致 M3C 存在 2 种极端运行工况,即 $\omega_1 \rightarrow 0$  和  $\omega_2 - \omega_1 \rightarrow 0$ 。这 2 种情况均会导致电容电压在低频 段产生较大波动,引起系统不稳定。因此,分频侧 不能在过小频率下运行,同时也不能和工频侧系统 频率过于接近。

#### 3 M3C 桥臂电流谐波分析

为讨论桥臂电流的谐波特性,文中先根据式 (6)推导出桥臂电压,再列写基尔霍夫电压定律 (Kirchhoff's voltage law,KVL)回路电压方程得到桥 臂电流,从而进行谐波分析。 将式(9)和式(11)代入式(6),可得到桥臂电 压的表达式,所含频率分量如表1所示。表1中第 一列为桥臂电压含有的频率成分,第二列为该频率 成分的耦合成因。如 $\omega_2-2\omega_1$ 频率的桥臂电压耦合 成因为:(1)频率为 $\omega_1$ 的电容纹波电压和频率为  $\omega_1$ 的开关函数耦合;(2)频率为 $\omega_{II}$ 的电容纹波电 压和频率为 $\omega_2$ 的开关函数耦合。

表 1 桥臂电压频率组成 Table 1 Frequency composition of arm voltage

频率	频率耦合因素
$\omega_2 - 2\omega_1$	$\omega_{\mathrm{I}} - \omega_{\mathrm{I}}, \omega_{\mathrm{2}} - \omega_{\mathrm{II}}$
$\omega_1$	$\omega_1 + 0, \omega_{\rm II} - \omega_1, \omega_2 - \omega_{\rm I}, \omega_{\rm III} - \omega_2$
$\omega_2$	$\omega_2 + 0, \omega_1 + \omega_1, \omega_{\mathbb{II}} - \omega_1, \omega_{\mathbb{IV}} - \omega_2$
$3\omega_1$	$\omega_{II} + \omega_1$
$2\omega_2 - \omega_1$	$\omega_{\mathrm{W}}$ - $\omega_{\mathrm{1}}$ , $\omega_{\mathrm{2}}$ + $\omega_{\mathrm{I}}$
$2\omega_1 + \omega_2$	$\omega_1 + \omega_{III}, \omega_2 + \omega_{II}$
$\omega_1 + 2\omega_2$	$\omega_1 + \omega_{\mathbb{N}}, \omega_2 + \omega_{\mathbb{H}}$
$3\omega_2$	$\omega_{\rm W}$ + $\omega_2$

表 1 中  $\omega_1$  + 0 和  $\omega_2$  + 0 是子模块电容电压的直流分量和投切系数耦合得到的分量,是两侧交流系统固有的成分,不属于纹波电压和开关函数耦合得到的谐波,因此不参与谐波特性分析。对桥臂 au 列写关于表 1 中各频率分量的 KVL 方程,如式(12) 所示。

$$\begin{cases} 0 = u_{au,\omega_2-2\omega_1} + L \frac{\mathrm{d}i_{au,\omega_2-2\omega_1}}{\mathrm{d}t} \\ u_a = u_{au,\omega_1} + L \frac{\mathrm{d}i_{au,\omega_1}}{\mathrm{d}t} \\ 0 = u_{au,\omega_2} + L \frac{\mathrm{d}i_{au,\omega_2}}{\mathrm{d}t} + u_u \\ \vdots \\ 0 = u_{au,3\omega_2} + L \frac{\mathrm{d}i_{au,3\omega_2}}{\mathrm{d}t} \end{cases}$$
(12)

式中: $u_{au,p}$ , $i_{au,p}$ 分别为桥臂 au 频率为 p 的桥臂电压 和桥臂电流( $p = \omega_2 - 2\omega_1, \omega_1, \omega_2, 3\omega_1, 2\omega_2 - \omega_1, 2\omega_1 + \omega_2, \omega_1 + 2\omega_2, 3\omega_2$ )。

由于 KVL 不改变频率特性,因此桥臂电流频率 成分与桥臂电压保持一致。根据式(6)、式(9)、式 (11)、式(12)可计算出对应频率的电流谐波,分析 如下。

#### 3.1 环流谐波分析

 $ω_2 = 2ω_1$ 频率的桥臂谐波电流表达式为式(13), 该谐波电流在 9 个桥臂中幅值相等,但存在 2π/3 的相位差。将 xy = au, av, aw 时的式(13)相加,结果 为 0,说明该电流将不能流入 a 相,同理可知不会流 入 b 相和 c 相;将 xy = au, bu, cu 时的式(13)相加, 结果同样为 0,因此该电流也不会流入 u 相,同理也不流入 v 相和 w 相。

$$i_{xy,\omega_2-2\omega_1} = k_1(-m_1^2 I_2 \sin \varphi_1 + m_1 m_2 I_1 \sin \varphi_2) + k_2(-m_1 m_2 I_1 \sin \varphi_2)$$
(13)

其中  $k_1, k_2$  如式(14)、式(15) 所示,相位  $\varphi_1, \varphi_2$ 的表达式见表 2。

$$k_{1} = \frac{N}{12C(\omega_{2} - \omega_{1})(\omega_{2} - 2\omega_{1})L}$$
(14)

$$k_{2} = \frac{N}{24C\omega_{1}(\omega_{2} - 2\omega_{1})L}$$
(15)

表2 相位  $\phi_1$ 和  $\phi_2$ 表达式

Table 2 The expressions of phase  $\varphi_1$  and  $\varphi_2$ 

xy	$arphi_1$	$arphi_2$
au, bw, cv	$(\omega_2 - 2\omega_1)t - 2\alpha_1 + \beta_2$	$(\omega_2 - 2\omega_1)t - \alpha_1 + \alpha_2 - \beta_1$
av, bu, cw	$(\omega_2 - 2\omega_1)t - 2\alpha_1 + \beta_2 - 2\pi/3$	$(\omega_2 - 2\omega_1)t - \alpha_1 + \alpha_2 - \beta_1 - 2\pi/3$
aw,bv,cu	$(\omega_2 - 2\omega_1)t - 2\alpha_1 + \beta_2 + 2\pi/3$	$(\omega_2 - 2\omega_1)t - \alpha_1 + \alpha_2 - \beta_1 + 2\pi/3$

与此特性类似的还有  $2\omega_2 - \omega_1, 2\omega_1 + \omega_2, \omega_1 + 2\omega_2$ 频率的桥臂谐波电流分量,其表达式见式(16)、式 (19)和式(22)。这4个频率的电流最终既不会流 入分频侧系统也不会流入工频侧系统,只在变换器 内部循环。

 $2\omega_2 - \omega_1$ 频率的桥臂谐波电流表达式为:

$$i_{xy,2\omega_2-\omega_1} = k_3(-m_1m_2I_2\sin\varphi_3) + k_4(-m_1m_2I_2\sin\varphi_3 + m_2^2I_1\sin\varphi_4)$$
(16)

其中  $k_3, k_4$ 如式(17)、式(18)所示,相位  $\varphi_3, \varphi_4$ 的表达式见表 3。

$$k_{3} = \frac{N}{24C\omega_{2}(2\omega_{2} - \omega_{1})L}$$
(17)

$$k_{4} = \frac{N}{12C(\omega_{2} - \omega_{1})(2\omega_{2} - \omega_{1})L}$$
(18)

表 3 相位  $\varphi_3$ 和  $\varphi_4$ 表达式 Table 3 The expressions of phase  $\varphi_3$  and  $\varphi_4$ 

	-	13 11
xy	$arphi_3$	$arphi_4$
au,bw,cv	$(2\omega_2-\omega_1)t-\alpha_1+$ $\alpha_2+\beta_2$	$(2\omega_2-\omega_1)t+2\alpha_2-\beta_1$
av,bu,cw	$(2\omega_2 - \omega_1)t - \alpha_1 + \alpha_2 + \beta_2 + 2\pi/3$	$\frac{(2\omega_2-\omega_1)t+2\alpha_2-\beta_1+2\pi/3}{\beta_1+2\pi/3}$
aw, bv, cu	$(2\omega_2-\omega_1)t-\alpha_1+$ $\alpha_2+\beta_2-2\pi/3$	$\frac{(2\omega_2 - \omega_1)t + 2\alpha_2 - \beta_1 - 2\pi/3}{\beta_1 - 2\pi/3}$

 $\begin{aligned} & 2\omega_1 + \omega_2 频率的桥臂谐波电流表达式为: \\ & i_{xy,2\omega_1 + \omega_2} = k_5 (-m_1^2 I_2 \sin \varphi_5 + m_1 m_2 I_1 \sin \varphi_6) + \\ & k_6 m_1 m_2 I_1 \sin \varphi_6 \end{aligned} \tag{19} \\ & \text{其中 } k_5, k_6 \text{如式}(20), \textbf{式}(21) 所示, 相位 \varphi_5, \varphi_6 \end{aligned}$ 

的表达式见表4。

$$k_5 = \frac{N}{24C\omega_1(2\omega_1 + \omega_2)L} \tag{20}$$

$$k_{6} = \frac{N}{12C(\omega_{1} + \omega_{2})(2\omega_{1} + \omega_{2})L}$$
(21)

表 4 相位 φ<sub>5</sub>和 φ<sub>6</sub>表达式

Table 4 The expressions of phase  $\varphi_5$  and  $\varphi_6$ 

xy	$arphi_5$	$arphi_6$
au, bv, cw	$(\omega_2 + 2\omega_1)t +$	$(\omega_2+2\omega_1)t+\alpha_1+$
	$2\alpha_1 + \beta_2$	$\alpha_2 + \beta_1$
av, bw, cu	$(\omega_2 + 2\omega_1)t + 2\alpha_1 +$	$(\omega_2 + 2\omega_1)t + \alpha_1 +$
	$\beta_2 - 2\pi/3$	$\alpha_2 + \beta_1 - 2\pi/3$
aw, bu, cv	$(\omega_2 + 2\omega_1)t + 2\alpha_1 +$	$(\omega_2 + 2\omega_1)t + \alpha_1 +$
	$\beta_2$ +2 $\pi/3$	$\alpha_2 + \beta_1 + 2\pi/3$

$$\omega_1 + 2\omega_2$$
频率的桥臂谐波电流表达式:

$$i_{xx, w, +2w_2} = k_7 m_1 m_2 I_2 \sin \varphi_7 +$$

$$k_8(m_1m_2I_2\sin\varphi_7 - m_2^2I_1\sin\varphi_8)$$
 (22)

其中  $k_7$ ,  $k_8$  如式(23)、式(24) 所示, 相位  $\varphi_7$ ,  $\varphi_8$  的表达式见表 5。

$$k_7 = \frac{N}{24C\omega_2(\omega_1 + 2\omega_2)L}$$
(23)

$$k_{8} = \frac{N}{12C(\omega_{1} + \omega_{2})(\omega_{1} + 2\omega_{2})L}$$
(24)

#### 表 5 相位 $\varphi_7 \pi \varphi_8$ 表达式 Table 5 The expressions of phase $\varphi_7$ and $\varphi_8$

xy	$arphi_7$	$arphi_8$
au, bv, cw	$(2\omega_2+\omega_1)t+\alpha_1+$	$(2\omega_2-\omega_1)t+$
	$lpha_2$ + $eta_2$	$2\alpha_2 + \beta_1$
av, bw, cu	$(2\omega_2+\omega_1)t+\alpha_1+$	$(2\omega_2 - \omega_1)t +$
	$\alpha_2 + \beta_2 + 2\pi/3$	$2\alpha_2 + \beta_1 + 2\pi/3$
aw,bu,cv	$(2\omega_2+\omega_1)t+\alpha_1+$	$(2\omega_2 - \omega_1)t +$
	$\alpha_2 + \beta_2 - 2\pi/3$	$2\alpha_2 + \beta_1 - 2\pi/3$

### 3.2 正序谐波分析

 $ω_1$ 频率的桥臂谐波电流表达式见式(25),将 xy=au,av,aw时式(25)的结果相加,和为3 $i_{arm,au,ω_1}$ , 记为 $i_{\Delta 1}$ ;将xy=bu,bv,bw时式(25)的结果相加,和 为3 $i_{arm,bu,ω_1}$ ,记为 $i_{\Delta 2}$ ;将xy=cu,cv,cw时式(25)的 结果相加,和为3 $i_{arm,cu,ω_1}$ ,记为 $i_{\Delta 3}$ 。观察 $i_{\Delta 1}$ , $i_{\Delta 2}$ ,  $i_{\Delta 3}$ ,可知该电流会以正序基波电流的性质流入分频 侧系统;将xy=au,bu,cu时式(25)的结果相加,和 为0,因此该电流不会流入u相,同理也不会流入v 相和w相。

$$i_{xy,\omega_{1}} = k_{9}m_{1}^{2}I_{1}\sin\varphi_{9} + k_{10}(m_{1}m_{2}I_{2}\sin\varphi_{10} - m_{2}^{2}I_{1}\sin\varphi_{9}) + k_{11}(-m_{1}m_{2}I_{2}\sin\varphi_{11} + m_{2}^{2}I_{1}\sin\varphi_{9})$$
(25)  
其中  $k_{9}, k_{10}, k_{11}$ 如式 (26)—式 (28) 所示, 相位

 $\varphi_9, \varphi_{10}, \varphi_{11}$ 的表达式见表 6。

$$k_9 = \frac{N}{24C\omega_1^2 L} \tag{26}$$

$$k_{10} = \frac{N}{12C\omega_1(\omega_2 - \omega_1)L}$$
(27)

$$k_{11} = \frac{N}{12C\omega_1(\omega_1 + \omega_2)L}$$
(28)

#### 表 6 相位 φ<sub>9</sub>和 φ<sub>10</sub>及 φ<sub>11</sub>表达式

Table 6 The expressions of phase  $\phi_9\,,\phi_{10}$  and  $\phi_{11}$ 

xy	$arphi_9$	$arphi_{10}$	$arphi_{11}$
au, av, aw	$\omega_1 t + \beta_1$	$\omega_1 t + \alpha_1 + \alpha_2 - \beta_2$	$\omega_1 t + \alpha_1 - \alpha_2 + \beta_2$
bu,bv,bw	$\omega_1 t + \beta_1 - 2\pi/3$	$\omega_1 t + \alpha_1 + \alpha_2 - \beta_2 - 2\pi/3$	$\omega_1 t + \alpha_1 - \alpha_2 + \beta_2 - 2\pi/3$
cu, cv, cw	$\omega_1 t + \beta_1 + 2\pi/3$	$\omega_1 t + \alpha_1 + \alpha_2 - \beta_2 + 2\pi/3$	$\omega_1 t + \alpha_1 - \alpha_2 + \beta_2 + 2\pi/3$

与上述分析类似,ω<sub>2</sub>频率的桥臂谐波电流将会 以正序基波电流的性质流入工频侧系统,而不能流 入分频侧系统,其表达式见式(29)。

$$i_{xy,\omega_2} = k_{12} (m_1^2 I_2 \sin \varphi_{12} - m_1 m_2 I_1 \sin \varphi_{13}) + k_{13} (m_1^2 I_2 \sin \varphi_{12} - m_1 m_2 I_1 \sin \varphi_{14}) + k_{14} m_2^2 I_2 \sin \varphi_{12}$$

 $\kappa_{13}(m_1 I_2 \sin \varphi_{12} - m_1 m_2 I_1 \sin \varphi_{14}) + \kappa_{14} m_2 I_2 \sin \varphi_{12}$ (29)

其中 $k_{12}, k_{13}, k_{14}$ 如式(30)一式(32)所示,相位  $\varphi_{12}, \varphi_{13}, \varphi_{14}$ 的表达式见表 7。

1

$$k_{12} = \frac{N}{12C\omega_2(\omega_2 - \omega_1)L}$$
(30)

$$k_{13} = \frac{N}{12C\omega_2(\omega_1 + \omega_2)L}$$
(31)

$$k_{14} = \frac{N}{24C\omega_2^2 L}$$
(32)

#### 表7 相位 $\varphi_{12}$ 和 $\varphi_{13}$ 及 $\varphi_{14}$ 表达式

Table 7 The expressions of phase  $\phi_{12}$  ,  $\phi_{13}$  and  $\phi_{14}$ 

xy	$arphi_{12}$	$\varphi_{13}$	$arphi_{14}$
au,bu,cu	$\omega_2 t + \beta_2$	$\omega_2 t + \alpha_1 + \alpha_2 - \beta_1$	$\omega_2 t - \alpha_1 + \alpha_2 + \beta_1$
av, bv, cv	$\omega_2 t + \beta_2 - 2\pi/3$	$\omega_2 t + \alpha_1 \alpha_2 - \beta_1 - 2\pi/3$	$\omega_2 t - \alpha_1 + \alpha_2 + \beta_1 - 2\pi/3$
aw,bw,cw	$\omega_2 t + \beta_2 + 2\pi/3$	$\omega_2 t + \alpha_1 + \alpha_2 - \beta_1 + 2\pi/3$	$\frac{\omega_2 t - \alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_2}{\beta_1 + 2\pi/3}$

### 3.3 零序谐波分析

3ω<sub>1</sub>频率的桥臂谐波电流表达式见式(33),仅 含有一项,9个桥臂电流的幅值和相位均相等。因 此,该电流将以零序电流的性质注入分频侧系统和 工频侧系统,若不加以控制,会导致系统电流失真, 甚至可能引起稳定性问题。

$$i_{xy,3\omega_{1}} = k_{15}(-m_{1}^{2}I_{1}\sin\varphi_{15})$$
(33)  
其中  $k_{15}$ 如式(34)所示, $\varphi_{15} = 3\omega_{1}t + 2\alpha_{1} + \beta_{10}$ 

$$k_{15} = \frac{N}{72C\omega_1^2 L}$$
(34)

与此性质相似的还有频率为 3ω<sub>2</sub>的桥臂谐波电 流,其表达式见式(35),最终也以零序电流的形式 注入两侧系统,对系统产生不利影响。

$$i_{xy,3\omega_2} = k_{16}(-m_2^2 I_2 \sin \varphi_{16})$$
(35)  
其中  $k_{16}$ 如式(36)所示, $\varphi_{16} = 3\omega_2 t + 2\alpha_2 + \beta_{2,0}$ 

$$\kappa_{16}$$
如式(30)所示, $\varphi_{16} = 3\omega_2 t + 2\alpha_2 + \beta_2$ 。

$$k_{16} = \frac{1}{72C\omega_2^2 L}$$
(36)

分析各表达式可得到电流谐波大小与电容、电 感和系统工作频率有关的结论:观察系数  $k_1 \sim k_{16}$ 可 知,电容和电感与谐波大小成反比,且分频侧系统 的频率在满足电容电压稳定条件时,其二倍频亦不 可与工频过于接近,否则将会导致桥臂电流发散。 综上,通过对各桥臂电流谐波分布的详细分析,可 汇总各频率谐波分量在分频侧和工频侧系统的谐 波情况如表 8 所示。为直观表示,当选取算例中分 频侧频率 $f_1$ =20 Hz,工频侧频率 $f_2$ =50 Hz 时,表 4 中第二列为桥臂谐波电流的具体频率值。

表 8 桥臂电流各频率分量与系统电流关系 Table 8 Relationship between the harmonic components of the arm current and the system current

-			-
频率	算例频率/Hz	分频侧	工频侧
$\omega_2 - 2\omega_1$	10	抵消	抵消
$\boldsymbol{\omega}_1$	20	正序基波分量	抵消
$\omega_2$	50	抵消	正序基波分量
$3\omega_1$	60	零序分量	零序分量
$2\omega_2 - \omega_1$	80	抵消	抵消
$\omega_2 + 2\omega_1$	90	抵消	抵消
$2\omega_2 + \omega_1$	120	抵消	抵消
$3\omega_2$	150	零序分量	零序分量

根据式(13)可以看出,桥臂电流中 $\omega_2 - 2\omega_1$ (10 Hz)的电流分量频率较低,幅值较大,同时,通过仿 真对此加以证实,因而该电流会再次与投切系数进 行耦合(见式(10)),对系统谐波产生影响。因此考 虑该频率的桥臂谐波电流,将式(13)代入式(7)中  $i_{\text{arm},h}$ ,重复进行上述推导分析过程。结果表明, $\omega_2 - 2\omega_1$ 频率的桥臂谐波电流会二次耦合产生频率为  $3\omega_1 - \omega_2 和 2\omega_2 - 2\omega_1$ 的子模块电容电压纹波,其表达 式为式(37)、式(41)。

 $3\omega_1 - \omega_2$ 频率电压纹波表达式为:

$$U_{dc,3\omega_{1}-\omega_{2}} = -\frac{1}{2C} (k_{17}\sin((3\omega_{1}-\omega_{2})t+3\alpha_{1}-\beta_{2}) + k_{18}\sin((3\omega_{1}-\omega_{2})t+2\alpha_{1}-\alpha_{2}+\beta_{1}) + k_{19}\sin((3\omega_{1}-\omega_{2})t+2\alpha_{1}-\alpha_{2}+\beta_{1}))$$
(37)  

$$\pm \psi k_{17}, k_{18}, k_{19} \text{m} \pm (38) - \pm (40) \text{M} \overrightarrow{\pi}_{\circ}$$

$$k_{17} = \frac{k_1 m_1^3 I_2}{3\omega_1 - \omega_2}$$
(38)

$$k_{18} = -\frac{k_1 m_1^2 m_2 I_1}{3\omega_1 - \omega_2}$$
(39)

$$k_{19} = \frac{k_2 m_1^2 m_2 I_1}{3\omega_1 - \omega_2} \tag{40}$$

$$2\omega_2 - 2\omega_1$$
频率电压纹波表达式为: $U_{dc, 2\omega_2 - 2\omega_1} = 1$ 

$$-\frac{1}{2C}(k_{20}\sin((2\omega_2 - 2\omega_1)t - 2\alpha_1 + \alpha_2 + \beta_2) +$$

 $\begin{aligned} & k_{21}\sin((2\omega_2 - 2\omega_1)t - \alpha_1 + 2\alpha_2 - \beta_1) + \\ & k_{22}\sin((2\omega_2 - 2\omega_1)t - \alpha_1 + 2\alpha_2 - \beta_1)) \quad (41) \\ & \pm \psi k_{20}, k_{21}, k_{22} \\ & \text{id} (42) - \pm (44) \\ & \text{fightarrow} \end{aligned}$ 

$$k_{20} = \frac{k_1 m_1^2 m_2 I_2}{2\omega_2 - 2\omega_1} \tag{42}$$

$$k_{21} = -\frac{k_1 m_1 m_2^2 I_1}{2\omega_2 - 2\omega_1} \tag{43}$$

$$k_{22} = \frac{k_2 m_1 m_2^2 I_1}{2\omega_2 - 2\omega_1} \tag{44}$$

同时,该频率的桥臂谐波电流会对首次推导中 频率为 $\omega_2-\omega_1$ 和  $2\omega_1$ 的子模块电容电压纹波幅值产 生影响。这些二次耦合对纹波电压产生影响,进而 会对相关桥臂电流谐波产生影响,但影响很小,在 后续分析中可忽略。

#### 4 零序电流抑制

在工程中,零序电流既可通过接入角接变压器 进行隔离,亦可利用控制对其实现抑制作用。

由 3.3 节可知,分频侧和工频侧的零序电流组 成完全一致,均包含 3ω<sub>1</sub>和 3ω<sub>2</sub>分量(式(33)和式 (35)),将 9 个桥臂中的零序电流分量相加,可得 M3C 系统零序电流 *i*<sub>zero</sub>为:

$$i_{zero} = 9 \left[ k_{15} \left( -m_1^2 I_1 \sin \varphi_{15} \right) + k_{16} \left( -m_2^2 I_2 \sin \varphi_{16} \right) \right]$$
(45)

为了实现系统电流中零序电流分量和正序基 波分量的解耦,对其进行 Park 变换,以分频侧为例, 分频侧电流经 Park 变换后在 *dq*0 坐标系下的表达 式如式(46)所示。

$$\begin{bmatrix} i_{sd} \\ i_{sq} \\ i_{s0} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_1 \cos \beta_1 \\ I_1 \sin \beta_1 \\ i_{zero} \end{bmatrix}$$
(46)

式中: $i_{sd}$ , $i_{sq}$ , $i_{s0}$ 分别为分频侧系统的 d 轴电流、q 轴电流和 0 轴电流。

由式(46)可知,系统 dq0 坐标系下的 dq 分量只

与三相系统的正序基波有关,与零序分量无关;0轴 分量只与系统的零序电流有关,而与正序基波分量 无关。因此只需对0轴电流进行控制即可达到零序 电流抑制的效果。

文中针对 M3C 提出一种零序电流抑制控制策 略,其框图见图 2。在 dq0 坐标系下得到分频侧系 统的 0 轴电流 i<sub>s0</sub>,给定其参考值 i<sub>s0,ref</sub> = 0,二者误差 经过 PI 调节器得到 0 轴补偿电压,加上前馈的分频 侧系统 0 轴电压 U<sub>s0</sub>可得到分频侧 0 轴电压调制信 号 U'<sub>s0</sub>,再经 Park 反变换即可得到抑制零序电流的 分频侧三相电压调制信号。需要指出的是,如前所 述,两侧系统零序电流完全相同,故而使用一个控 制器即可对零序电流进行抑制。同时,为有效抑制 零序电流分量,PI 调节器的控制带宽不能过低。

$$i_{s0} \longrightarrow \bigoplus PI \longrightarrow \bigcup_{s0} U'_{s0}$$

#### 图 2 零序电流抑制控制框图



#### 5 仿真验证

在 Matlab/Simulink 中搭建如图 1 所示的 M3C 系统模型,对第 2 章和第 3 章理论分析结果进行仿 真验证。仿真参数为:额定容量为 12.5 MW;额定电 流为 601 A;额定电压为 12 kV;M3C 桥臂子模块数 N 为 6;子模块电容 C 为 10 mF;桥臂电感 L 为 10 mH;分频侧电压有效值  $V_s$  为 12 kV,频率  $f_1$  为 20 Hz;工频侧电压有效值  $V_g$ 为 12 kV,频率  $f_2$ 为 50 Hz。 文中采取的控制方案为:分频侧定交流电压控制, 工频侧定子模块平均电容电压控制。控制框图如 图 3 所示,其中各变量定义见表 9。

#### 5.1 子模块电容纹波电压验证

桥臂 au 子模块电容电压  $U_{au}$ 的波形如图 4 所示,存在多种频率分量。对  $U_{au}$ 进行快速傅里叶变换(fast Fourier transform, FFT)分析,其频谱如图 5 所示,所含频率成分为 10 Hz、30 Hz、40 Hz、60 Hz、70 Hz 和 100 Hz,幅值与理论计算结果一致,验证了前文理论分析的准确性。

#### 5.2 桥臂谐波电流验证

桥臂电流波形如图 6 所示,对其进行 FFT 分析 得到其频谱,即图 7。观察可知,桥臂电流由 8 个频 率分量组成,分别为 10 Hz、20 Hz、50 Hz、60 Hz、80 Hz、90 Hz、120 Hz 和 150 Hz。该结果与第 3 章中分 析一致,验证了理论分析的准确性。图 7(a)虚线框 内为小于 40 A 的谐波分量,其细节见图 7(b)。



图 3 M3C-FFTS 控制框图



表 9 图 3 变量定义 Table 9 The definitions of the variables in Fig.3

变量	定义
$U_{\mathrm sd}$	分频侧电压 d 轴分量
$U_{\rm sd\_ref}$	分频侧电压 d 轴分量参考值
$U_{\mathrm sq}$	分频侧电压 q 轴分量
$U_{\rm sq\_ref}$	分频侧电压 q 轴分量参考值
$U_x(x=a,b,c)$	分频侧电压调制信号
$U_{\rm dc\_ref}$	子模块电容电压参考值
$U_{\mathrm gd}$	工频侧电压 d 轴分量
$U_{\mathrm{g}q}$	工频侧电压 q 轴分量
$i_{gd}$	工频侧电流 d 轴分量
$i_{gq}$	工频侧电流 q 轴分量
$i_{ m gg\_ref}$	工频侧电流 q 轴分量参考值
$U_{y}(y=u,v,w)$	工频侧电压调制信号





分频侧三相电流 *i*<sub>sabe</sub>和工频侧三相电流 *i*<sub>guvw</sub> 的波形 分别如图 8(a)、图 8(b)所示,二者 FFT 结果分别如 图 9(a)、图 9(b)所示,分频侧基波(20 Hz)幅值和 工频侧基波(50 Hz)幅值均为 867 A。由图 9 可知, 分频侧三相电流 *i*<sub>sabe</sub>和工频侧三相电流 *i*<sub>guvw</sub>除了含



图 5 桥臂电容电压频谱

Fig.5 Frequency spectrum of arm capacitor voltage



图 6 桥臂电流波形

Fig.6 Arm current waveform



图 7 桥臂电流频谱



有各自基波电流以外,还含有频率为 60 Hz 和 150 Hz 的谐波电流,即前文中所述 3ω<sub>1</sub>频率和 3ω<sub>2</sub>频率 的零序谐波电流,验证了理论分析的准确性。

#### 5.3 零序电流抑制

当采用变压器的方式进行零序电流隔离时,以 现有模型为基础,在分频侧安装 YgD11 变压器,中 性点不接地,此时系统分频侧线电流频谱如图 10 所 示。仿真结果显示,投入角接变压器可以有效隔离 60 Hz 和 150 Hz 频率的电流,阻止零序电流注入。

分频侧采用图2所示零序电流抑制控制策略前

















后的零序电流波形见图 11。t=0 s 启动电路,此时 未使用零序电流抑制控制,在t=5 s 时投入图 2 所 示零序电流抑制控制,可以看到零序电流明显减 小;采用零序电流抑制控制后分频侧三相电流 i<sub>sabe</sub> 的频谱和工频侧三相电流 i<sub>guvw</sub>的频谱分别如图 12 (a)、12(b)所示。从图中看出,两侧系统零序电流 明显减小,验证了所提控制策略的有效性。同时对 采用抑制策略后的桥臂电流进一步分析发现,环流 频率上的桥臂电流受零序电流抑制控制的影响很 小,此时除零序电流频率外的桥臂电流的频谱与图 7 几乎一致,故不再重复给出其频谱图。









#### 6 结论

M3C 作为分频输电系统的核心装置,其谐波分 布特性对设计网侧滤波器、分析系统阻抗特性和稳 定性、提升运行效率具有重要影响。文中针对 M3C 多频率耦合特性进行一般化推导,得到子模块电容 电压纹波和9个桥臂电流谐波的详细表达式,对其 谐波分布及影响谐波大小的因素进行分析。得到 结论如下:

(1) 子模块电容电压纹波中含有频率为 $\omega_2$ - $\omega_1, 2\omega_1, \omega_1+\omega_2, 2\omega_2, 3\omega_1-\omega_2$ 和 $2\omega_2-2\omega_1$ 的分量,其中,频率为 $3\omega_1-\omega_2$ 和 $2\omega_2-2\omega_1$ 的分量由 $\omega_2-2\omega_1$ 频率的桥臂谐波电流二次耦合产生。电容和工作频率将影响纹波电压幅值,电容电压纹波将进一步耦合影响桥臂电压和电流。

(2)桥臂电流由 8 个不同频率的谐波分量组 成,可分为 3 类: $\omega_1$ 和  $\omega_2$ 频率的谐波以正序基波分 量流入对应系统内; $3\omega_1$ 和  $3\omega_2$ 频率的谐波以零序电 流的性质流入两侧系统; $\omega_2 - 2\omega_1, 2\omega_2 - \omega_1, 2\omega_1 + \omega_2,$  $\omega_1 + 2\omega_2$ 频率的谐波在变换器中性点处相互抵消,成 为变换器内部的环流,各频率谐波大小受两侧系统 工作频率、电容和电感影响。

(3)分频侧系统工作频率ω<sub>1</sub>须满足条件才能
 确保整个系统稳定运行,即ω<sub>1</sub>不能过小,且ω<sub>1</sub>和
 2ω<sub>1</sub>都不能过于接近ω<sub>2</sub>。

(4) 文中所提针对 M3C 的零序电流抑制控制 策略可有效实现对零序电流的抑制。

M3C 谐波特性分析是其序阻抗建模的基础工作。在后续 M3C 阻抗建模过程中,将基于文中研究成果,考虑稳态时子模块电容电压纹波、桥臂电流频率分布及其与系统输出电流谐波传递关系的影响,在保证阻抗模型精度的前提下,合理降低模型阶数,简化建模过程,建立阻抗模型。

本文得到国网浙江省电力有限公司科技项目 (2021ZK05)资助,谨此致谢!

#### 参考文献:

- 姚伟,熊永新,姚雅涵,等. 海上风电柔直并网系统调频控制 综述[J]. 高电压技术,2021,47(10):3397-3413.
   YAO Wei,XIONG Yongxin,YAO Yahan, et al. Review of voltage source converter-based high voltage direct current integrated offshore wind farm on providing frequency support control [J]. High Voltage Engineering,2021,47(10):3397-3413.
- [2] HE Q,ZHANG F W, LIU D N, et al. Analysis on the development status and problems of China's offshore wind power[C]//2018 2nd IEEE Conference on Energy Internet and Energy System Integration. Beijing, China. IEEE;1-4.
- [3] 王邦彦,王秀丽,王碧阳,等.海上风电分频送出系统可靠性 评估模型及方法[J/OL]. 电网技术:1-10[2022-04-27]. DOI:10.13335/j.1000-3673.pst.2021.2448.

WANG Yanbang, WANG Xiuli, WANG Biyang, et al. Reliability evaluation model and method of offshore wind power fractional frequency delivery system [J/OL]. Power System Technology: 1-10 [ 2022-04-27 ]. DOI: 10. 13335/j. 1000-3673. pst. 2021. 2448.

- [4] 黄伟捷,江岳文. 远海风电输电和制氢经济可行性分析[J]. 中国电力,2022,55(1):91-100.
  HUANG Weijie,JIANG Yuewen. Comparison of economic feasibilites between power transmission and hydrogen production from an offshore wind farm[J]. Electric Power,2022,55(1): 91-100.
- [5] 迟永宁,梁伟,张占奎,等.大规模海上风电输电与并网关键 技术研究综述[J].中国电机工程学报,2016,36(14): 3758-3771.

CHI Yongning, LIANG Wei, ZHANG Zhankui, et al. An overview on key technologies regarding power transmission and grid integration of large scale offshore wind power [J]. Proceedings of the CSEE, 2016, 36(14):3758-3771.

- [6] 王锡凡,邵成成.助力能源革命的多频率电力系统[J].中国电机工程学报,2018,38(21):6195-6204,6481.
  WANG Xifan,SHAO Chengcheng. Develop multi-frequency power systems to promote energy revolution[J]. Proceedings of the CSEE,2018,38(21):6195-6204,6481.
- [7] 黄雨涵,丁涛,李雨婷,等. 碳中和背景下能源低碳化技术综述及对新型电力系统发展的启示[J]. 中国电机工程学报,2021,41(S1):28-51.
  HUANG Yuhan, DING Tao, LI Yuting, et al. Decarbonization technologies and inspirations for the development of noval power

technologies and inspirations for the development of novel power systems in the context of carbon neutrality [J]. Proceedings of the CSEE,2021,41(S1):28-51.

[8] 黄明煌,王秀丽,刘沈全,等.分频输电应用于深远海风电并 网的技术经济性分析[J].电力系统自动化,2019,43(5): 167-174.

HUANG Minghuang, WANG Xiuli, LIU Shenquan, et al. Technical and economic analysis on fractional frequency transmission system for integration of long-distance offshore wind farm [J]. Automation of Electric Power Systems, 2019, 43(5):167-174.

- [9] 王鑫,王海云,王维庆. 大规模海上风电场电力输送方式研究[J]. 电测与仪表,2020,57(22):55-62.
  WANG Xin,WANG Haiyun,WANG Weiqing. Research on power transmission mode of large-scale offshore wind farms[J]. Electrical Measurement & Instrumentation, 2020, 57 (22):55-62.
- [10] 吴小丹,董云龙,钱敏慧,等. 面向分频海上风电送出的模块化多电平矩阵变换器改进 V/F 解耦控制策略[J/OL].
   电网技术:1-15[2022-04-27]. DOI:10.13335/j.1000-3673.
   pst.2021.1239.

WU Xiaodan, DONG Yunlong, QIAN Minhui, et al. Improved V/F decoupling control strategy of modular multilevel matrix converter for fractional offshore wind power transmission [J/OL]. Power System Technology:1-15[2022-04-27]. DOI:10. 13335/j.1000-3673.pst.2021.1239.

- [11] MIURA Y, MIZUTANI T, ITO M, et al. Modular multilevel matrix converter for low frequency AC transmission [C]//2013
   IEEE 10th International Conference on Power Electronics and Drive Systems. Kitakyushu, Japan. IEEE: 1079-1084.
- [12] 孟永庆,王健,李磊,等. 基于双 dq 坐标变换的 M3C 变换器

的数学模型及控制策略研究[J]. 中国电机工程学报, 2016,36(17):4702-4712.

MENG Yongqing, WANG Jian, LI Lei, et al. Research on modeling and control strategy of modular multilevel matrix converter based on double *dq* coordinate transformation [J]. Proceedings of the CSEE, 2016, 36(17):4702-4712.

[13] 冯双,韦超凡,雷家兴,等. 面向分频海上风电系统的模块 化多电平矩阵变换器混合建模与控制[J]. 中国电机工程 学报,2022,42(4):1546-1558.

FENG Shuang, WEI Chaofan, LEI Jiaxing, et al. Hybrid modeling and control of modular multilevel matrix converter for offshore fractional frequency transmission system [J]. Proceedings of the CSEE, 2022, 42(4):1546-1558.

[14] 王文杰,杨益平,杭丽君,等. 应用于交-交变换的 M3C 矩阵 变换器系统控制策略[J]. 电力系统自动化,2020,44(12): 186-192.

WANG Wenjie, YANG Yiping, HANG Lijun, et al. Control strategy of M3C matrix converter system applied to AC-AC transformation [J]. Automation of Electric Power Systems, 2020,44(12):186-192.

 [15]杨晓峰,李泽杰,郑琼林.基于虚拟阻抗滑模控制的 MMC 环流抑制策略[J].中国电机工程学报,2018,38(23): 6893-6904,7123.

YANG Xiaofeng, LI Zejie, ZHENG Trillion Q. A novel MMC circulating current suppressing strategy based on virtual impedance sliding mode control[J]. Proceedings of the CSEE, 2018, 38(23):6893-6904,7123.

[16] 李光辉,王伟胜,郭剑波,等.风电场经 MMC-HVDC 送出系 统宽频带振荡机理与分析方法[J].中国电机工程学报, 2019,39(18):5281-5297,5575.

LI Guanghui, WANG Weisheng, GUO Jianbo, et al. Broadband oscillation mechanism and analysis for wind farm integration through MMC-HVDC system [J]. Proceedings of the CSEE, 2019,39(18):5281-5297,5575.

[17] 谢小荣,贺静波,毛航银,等."双高"电力系统稳定性的新 问题及分类探讨[J].中国电机工程学报,2021,41(2): 461-475.

XIE Xiaorong, HE Jingbo, MAO Hangyin, et al. New issues and classification of power system stability with high shares of renewables and power electronics [J]. Proceedings of the CSEE, 2021,41(2):461-475.

[18] 张天翼,王海风.风电并入弱交流系统引发次同步振荡的 研究方法综述[J].电力系统保护与控制,2021,49(16): 177-187.

ZHANG Tianyi, WANG Haifeng. Research methods for subsynchronous oscillation induced by wind powerunder weak AC system; a review[J]. Power System Protection and Control, 2021, 49(16);177-187.

[19] 郑黎明,贾科,毕天姝,等. 海上风电接入柔直系统交流侧

故障特征及对保护的影响分析[J]. 电力系统保护与控制, 2021,49(20):20-32.

ZHENG Liming, JIA Ke, BI Tianshu, et al. AC-side fault analysis of a VSC-HVDC transmission system connected to offshore wind farms and the impact on protection [J]. Power System Protection and Control, 2021, 49(20) :20-32.

- [20] 张旸,沈梦娇,陈新,等. 基于双谐波线性化的级联 H 桥静 止无功发生装置序阻抗建模与分析[J]. 电工技术学报, 2019,34(20):4334-4346.
  ZHANG Yang, SHEN Mengjiao, CHEN Xin, et al. Sequence impedance modeling and analysis of cascaded H-bridge static var generator based on double-harmonic linearization [J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2019, 34(20): 4334-4346.
- [21] SUN J, LIU H C. Sequence impedance modeling of modular multilevel converters [J]. IEEE Journal of Emerging and Selected Topics in Power Electronics, 2017, 5(4):1427-1443.
- [22] KAWAMURA W, AKAGI H. Control of the modular multilevel cascade converter based on triple-star bridge-cells (MMCC-TSBC) for motor drives [C]//2012 IEEE Energy Conversion Congress and Exposition. Raleigh, NC, USA. IEEE: 3506-3513.
- [23] 李峰,王广柱. 模块化多电平矩阵变换器电容电压纹波稳态分析[J]. 中国电机工程学报,2013,33(24):52-58,9.
  LI Feng, WANG Guangzhu. Steady-state analysis of sub-modular capacitor voltage ripple in modular multilevel matrix converters[J]. Proceedings of the CSEE,2013,33(24):52-58,9.
- [24] SUN P W, WANG X F, HU Y S, et al. The harmonic analysis and the arm capacitor parameters selection of module multilevel matrix converter [C]//2016 IEEE PES Asia-Pacific Power and Energy Engineering Conference. Xi' an, China. IEEE:1617-1621.
- [25] LUO J J, ZHANG X P, XUE Y, et al. Harmonic analysis of modular multilevel matrix converter for fractional frequency transmission system [J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 2020, 35(3):1209-1219.
- [26] MA J K, DAHIDAH M, PICKERT V, et al. Modular multilevel matrix converter for offshore low frequency AC transmission system[C]//2017 IEEE 26th International Symposium on Industrial Electronics. Edinburgh, UK. IEEE:768-774.

#### 作者简介:



孙玉巍(1987),女,博士,讲师,研究方向 为电力电子变压器控制技术、交直流配网柔性 互联装备及控制技术(E-mail: sunyuwei@ ncepu.edu.cn);

常静恬(1999),女,硕士在读,研究方向为 电力电子变压器技术;

付超(1979),男,博士,讲师,研究方向为 电力电子技术在电力系统中的应用。

#### New energy vehicle scale prediction method with nonlinear residuals

DONG Xiaohong<sup>1</sup>, FENG Zhiwei<sup>1</sup>, ZHANG Jiaan<sup>1</sup>, LIU Ning<sup>2</sup>

(1. School of Artificial Intelligence, Hebei University of Technology, Tianjin 300131, China;

2. State Grid Zhangjiakou Power Supply Company of Jibei Electric Power Co., Ltd., Zhangjiakou 075000, China)

**Abstract**: Analyzing the development trend of the scale of new energy vehicles is of great significance to the government regulation, the development direction of vehicle enterprises and the decision-making of the energy department. A new energy vehicle scale prediction method with nonlinear residuals is proposed in this paper. Firstly, the interval prediction method is used to study the uncertainty of economic policy. Secondly, considering the residual of scale prediction, the combined prediction model and support vector regression (SVR) model are used to predict the linear component and nonlinear residual respectively. Finally, the range of new energy vehicles scale in the future is obtained by taking the scale of national new energy vehicles as an example. By comparing different prediction methods, the effectiveness of the proposed method is verified, and the impact of different policy factors on the scale evolution of new energy vehicles is analyzed. The proposed method provides a corresponding reference for later charging facilities and other related planning.

Keywords: new energy vehicle; interval forecast; combined forecasting model; support vector regression (SVR); nonlinear residual; scale evolution

(编辑 李栋)

(编辑

方晶)

(上接第30页)

# Harmonic characteristics analysis of modular multilevel matrix converter for fractional frequency transmission system

SUN Yuwei<sup>1</sup>, CHANG Jingtian<sup>1</sup>, FU Chao<sup>1</sup>, GUO Feng<sup>2</sup>, ZHOU Jinghao<sup>3</sup>, GAO Benfeng<sup>1</sup>

(1. State Key Laboratory of Alternate Electrical Power System with Renewable Energy Sources

(North China Electric Power University), Baoding 071003, China; 2. State Grid Taizhou Power

Supply Company of Zhejiang Electric Power Co., Ltd., Taizhou 318000, China;

3. State Grid Zhejiang Electric Power Co., Ltd., Hangzhou 310007, China)

**Abstract**: The modular multilevel matrix converter (M3C) is the core equipment for fractional frequency transmission system (FFTS). The AC-AC conversion of M3C leads to direct coupling of the ac electrical quantities at different frequencies, causing complex harmonic distribution. In order to analyze the harmonic characteristics of the M3C, the analytical expression of the submodule capacitor ripple voltage is derived based on the operating principle of M3C at first. On this basis, the analytical formulas of the nine bridge arms currents harmonics are derived, taking into account the coupling of all four frequency components of the capacitor voltage. The relationships between the multi-frequency harmonic currents of bridge arm and the system currents on two sides are analyzed, as well as the key factors affecting the amplitudes of ripple voltage/harmonic current are discussed. The results show that in steady-state, the currents at frequencies  $\omega_1$  and  $\omega_2$  flow into the ac system as the positive-sequence fundamental currents; the currents at frequencies  $3\omega_1$  and  $3\omega_2$  flow into the ac system as the zero-sequence components; the remaining harmonics are circulated in the converter. A zero-sequence current mitigation control strategy for the M3C is proposed. The accuracy of the theoretical harmonic analysis and the effectiveness of the control strategy are verified by simulations in Matlab/Simulink.

**Keywords**: fractional frequency transmission system(FFTS); modular multilevel matrix converters(M3C); harmonic analysis; frequency coupling; capacitors ripple voltage; arm current