#### DOI:10.12158/j.2096-3203.2021.06.011

# 基于 Copula 函数与等概率逆变换的风电出力场景生成方法

唐锦<sup>1</sup>,张书怡<sup>2</sup>,吴秋伟<sup>3</sup>,陈健<sup>2</sup>,李文博<sup>1</sup>,周前<sup>1</sup>,潘博<sup>4</sup> (1.国网江苏省电力有限公司电力科学研究院,江苏南京 211103;2.山东大学电气 工程学院,山东 济南 250061;3.丹麦科技大学电气工程系,丹麦 灵比 2800; 4.嘉兴国电通新能源科技有限公司,浙江 嘉兴 314000)

摘要:随着风电利用率的大规模提高,应用典型场景法应对风电机组出力的不确定性具有重要意义。针对多风电场出力之间的时空相关性提出一种改进的场景生成与缩减方法,并提出评价方法来检验生成场景的质量。该方法应用指数函数法构建体现风电时间相关性的多元变量协方差矩阵,应用 Copula 函数建立多风电场空间相关性模型,通过对随机数与历史数据的累积概率分布函数进行时空相关非线性变换与等概率逆变换生成大量初始场景。改进 K-means 聚类方法,通过手肘法与聚类有效性指标综合确定最优聚类数目后,缩减得到代表性时空相关风电场景。最后通过 4 项评价指标,对生成场景的波动性、相关性、可靠性等进行质量检验。算例分析表明,与其他方法相比,所提方法生成场景的波动性、爬坡情况和时空相关性均与历史数据更贴合,具有更高的实测值覆盖率。
 关键词:风电不确定性;场景生成;场景缩减;时空相关性;Copula 函数;K-means 聚类
 中图分类号:TM71
 文献标志码:A
 文章编号:2096-3203(2021)06-0086-09

### 0 引言

在能源危机与环境问题恶化的双重压力下,风 电装机容量迅速增加,并网规模逐步扩大<sup>[1-3]</sup>。风 电输出功率受风速、季节、区域等影响具有随机性、 波动性和间歇性<sup>[4]</sup>,因此输出功率的平稳性、可控 性较差,给电网安全运行带来挑战<sup>[5-7]</sup>,常规确定性 优化问题已不再适用。通过场景法对风电不确定 性进行研究建模,应用多个场景表征不确定性变量 可得到确定化问题<sup>[8]</sup>,具有广泛应用前景。

场景生成方面,文献[9]构建场景树描述风电 功率的不确定性,但阶段数增加时会受到维数限 制。文献[10]对风速的概率分布进行拉丁超立方 采样,生成初始场景,但该采样为单周期采样技术, 无法正确表征风电的时间相关性。文献[11—12] 采用蒙特卡洛抽样法生成调度模型中的风电预测 场景,但是由于风功率转换不准确,使用风速生成 风电场景会出现显著误差。目前大多基于多元变 量的联合分布函数或 Copula 函数研究风电出力相 关性。文献[13-14]采用基于 Copula 函数的场景 生成方法,模拟多风电场出力相关性。文献[15]通 过多元正态分布函数对单一风电场的时间相关性 进行研究。文献[16]结合实测风速对各风电场的 联合 Copula 分布进行相关性研究。现阶段, 仅考虑 时间或空间相关性的研究较为广泛且容易实现,但 是未能综合考虑时空相关性的场景在实际应用中

收稿日期:2021-07-14;修回日期:2021-10-10

基金项目:山东省重点研发计划资助项目(2019JZZY010903)

会有偏差。为更好地解决含风电系统的优化运行 问题,文献[8]在考虑时间相关性的场景中应用条 件分布描述空间相关性,应用范围存在一定约束。 文献[17]构建多风电场空间相关 Copula 模型后,重 构场景使其与基准序列误差最小,此方法下相邻时 刻风电出力情况最为相似,但与实际风电波动存在 差异。少数场景难以覆盖风电的各种潜在可能,而 大量场景间相似度大,计算冗余。文献[18]对风、 光概率分布抽样后,采用后向削减法得到典型场 景,文献[19]应用同步回代消除法,文献[15]采用 *K*-means 聚类方法,但上述方法均需人为确定最终 场景数目,不能得到代表性场景。文献[20]应用聚 类有效性指标平衡类间与类内距离,但未考虑聚类 结果波动导致的最优聚类数目波动问题。

针对以上问题,文中以多元变量协方差矩阵与 Copula 函数为依据构建时空相关性模型,通过对累 积分布函数(cumulative distribution function,CDF)的 非参数模型进行非线性变换与等概率逆变换,完成 时空相关性场景生成。应用基于手肘法与聚类有 效性指标确定最优聚类数目的改进 *K*-means 法确定 最终场景集。通过质量评价指标检验所生成场景 的有效性。算例分析表明,文中方法能真实反映风 电波动情况以及时空相关性,具备有效性与可行性。

### 1 时空相关性场景生成

#### 1.1 时间相关性分析

由风速表现出的间歇性和波动性可知,风电出

力具有的时间相关性表现为相近时刻风电出力相 关性大,而相差较远时刻较小。对于风电场景不同 时间断面间的相关性研究,构造协方差矩阵Σ:

$$\boldsymbol{\Sigma} = \begin{bmatrix} \sigma_{1,1} & \sigma_{1,2} & \cdots & \sigma_{1,N_{\mathrm{T}}} \\ \sigma_{2,1} & \sigma_{2,2} & \cdots & \sigma_{2,N_{\mathrm{T}}} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ \sigma_{N_{\mathrm{T}},1} & \sigma_{N_{\mathrm{T}},2} & \cdots & \sigma_{N_{\mathrm{T}},N_{\mathrm{T}}} \end{bmatrix}$$
(1)

式中: $N_{\rm T}$ 为风电场景长度。 $\sigma_{t_1,t_2}$ 可有效反映任意两时刻风电出力的相关性,用指数函数法构建如下:

$$\sigma_{i_1,i_2} = e^{-\frac{|i_1-i_2|}{\varepsilon}}$$
(2)

式中:参数  $\varepsilon$  用来控制  $t_1$  和  $t_2$  时刻随机数的相关性强度, 且 1  $\leq t_1, t_2 \leq N_T$ 。为研究风电时间相关性与波动情况, 得到最优相关性参数  $\varepsilon$ , 计算风电历史数据相邻时刻爬坡情况, 具体如图 1 所示。由图可知, t-位置分布拟合效果最好<sup>[21]</sup>。



图 1 风电爬坡情况拟合曲线 Fig.1 Fitting curve of wind power climbing condition

对于不同 *ε*,生成大量场景后,根据拟合 *t*-位置 分布函数计算生成场景与历史数据之间的坡度差, 如式(3)所示。

$$I_{\varepsilon} = \frac{1}{S} \sum_{s=1}^{S} |P_{\text{pdf},m}(s) - P_{\text{pdf},\varepsilon}(s)| \qquad (3)$$

式中:S为采样数目; P<sub>pdf,m</sub>(s), P<sub>pdf,e</sub>(s)分别为历 史数据和不同 *e*下所生成场景爬坡情况的 *t*-位置分 布概率密度函数值。*I<sub>e</sub>* 越小,则可认为生成场景和 历史数据的波动情况越接近, *e* 取值越合理。

### 1.2 空间相关性分析

由于风速不可突变,一定空间范围内的风电场 出力之间必然显现相似性,体现时空相关性。风电 场的概率分布不符合常见分布,因此利用非参数估 计的方法确定两风电场 CDF 分别为 U,V<sup>[22]</sup>。由图 2 可知,核分布能够较好地拟合该 CDF,可用于后续 参数估计。

Copula 函数可以刻画随机变量间的相关性,将





多元随机变量的联合分布函数与其各自的分布函数连接起来<sup>[23]</sup>。可根据二元频率分布直方图的形状特征,如图3所示,选取恰当的Copula函数结构。



图 3 两风电场二元频率分布直方图 Fig.3 Binary frequency distribution histogram of two wind farms

可采用同样具有尾部对称性质的二元正态 copula 或 *t*-Copula 进行拟合,其概率密度函数如图 4 所示。



Fig.4 Density function diagram of the normal Copula and *t*-Copula

分别对两 Copula 函数进行参数估计,得到两模型下的线性相关参数和自由度参数。为评价所选模型,引入经验 Copula 函数。通过计算两模型与经验函数间的欧式平方距离、比较秩相关系数来选择拟合效果更好的模型。

### 1.3 场景生成

文中提出了基于数据箱的时空相关性场景生 成方法。其核心内容为数据箱划分、各数据箱内 CDF 的构建、Copula 相关性建模和 CDF 的非线性变 换与等概率逆变换。具体步骤如下:

(1) 对风电场 1 构建基于大量历史数据的[实测值,预测值]数据对,进行归一化处理。以 0.02 为间隔等距划分为 50 个数据箱。根据预测值大小将数据对划分到数据箱内,并生成各箱内基于实测值的 CDF,以应对预测值不准确带来的误差,完成后续基于某日预测值的场景生成。

(2)根据风电场1某日预测风电确定各时刻对 应数据箱,以便在预测点附近根据大量历史数据找 到更合理的实际出力。风电场2进行同样处理。

(3)利用指数函数法构建风电场1的协方差矩阵。生成大量服从多元标准正态分布的随机变量 Z ~ N(μ,Σ),其中μ为N<sub>T</sub>维零向量。Σ与最优相关性控制参数ε的确定方法如1.1节所述。在各时刻分别生成随机数的CDF。

(4) 根据 1.2 节选择 Copula 模型,进行参数估 计后生成符合该自由度与线性相关关系的 Copula 随机数,对应两风电场空间非线性相关关系。

(5) Copula 函数可看作符合[0,1]均匀分布的 联合累积概率分布函数,因此风电场1 正态分布随 机数的 CDF 根据确定的相关性进行非线性变换得 到风电场2 各时刻随机数的相应 CDF。

(6) 等概率逆变换,其基本思想为通过历史数 据与随机数的 CDF 将随机数转换为相应出力场景, 过程如图 5 所示。



进行等概率逆变换时,分别调用各时刻随机数

的 CDF 与该时刻对应数据箱内的 CDF。此方法可 保证各时刻均在预测点附近进行采样,逆变换结果 降低了预测值不准确导致的场景生成误差。

(7)将逆变换所得出力场景乘以风电最大值, 得到两风电场实际出力场景。

### 2 基于改进 K-means 聚类的场景缩减

*K*-means 聚类过程按照距离准则将数据集划分 到不同类内,使得同一类内元素相似性大,而不同 类中元素差异性大,从而将原数据集聚类为少数代 表性数据集。由于原始*K*-means 聚类算法具有人为 选取聚类数目且初始聚类中心随机的缺点,容易导 致算法质量差、陷入局部最优解。因此提出对以上 2 点进行改进的 *K*-means 方法。

### 2.1 聚类过程

(1)确定 K 个初始聚类中心。传统方法中随机选择会导致聚类结果波动,无法找到最优聚类数目。改进为下述方法:

*K* = 1 时,以所有场景平均值作为聚类中心 即最具代表性,无需后续计算;

② K > 1时,首先选择具有最远欧氏距离的 2 个场景作为初始聚类中心集。对于所有剩余场景, 计算与中心集间的欧式距离,选择与集合内场景平 均值间距离最远的场景加入到集合中。重复上一 步骤,直到初始聚类中心集中有 K 个场景。以此得 到满足不同类别间具有较大差异性要求的初始聚 类中心。

(2)为度量两场景间的相似度与差异度,引入 距离函数。计算各场景与各聚类中心间的距离,根 据距离准则将每个场景归类至与其距离最近的 类内。

$$d_{ij} = \left(\sum_{t=1}^{N_{\mathrm{T}}} \left(\lambda_{i,t} - \lambda_{j,t}\right)^2\right)^{1/2}$$
(4)

式中:  $d_{ij}$  为场景 i 与场景 j 间的欧式距离;  $\lambda_{i,t}$ ,  $\lambda_{j,t}$  分别为 t 时刻场景 i,j 的元素。

(3) 计算类内场景的平均值,得到新的聚类中 心后重新归类,重复上步直到满足收敛条件。

### 2.2 聚类有效性指标

传统 *K*-means 算法聚类数目选取不当会造成选取场景不具代表性等问题。文中应用改进 *K*-means 聚类方法,综合考虑手肘法与聚类有效性指标,使各类间聚合程度最优,聚类结果的类间和类内距离 达到平衡。确定聚类数目 *K* 的搜索范围为  $2 \sim \sqrt{N}$ , 其中 *N* 为原始场景总数。

手肘法的核心指标簇内误差平方和(sum of

squared error,SSE)为所有样本的聚类误差,定义为:

$$R_{\rm SSE} = \sum_{k=1}^{K} \sum_{n=1}^{N_k} \sum_{t=1}^{N_{\rm T}} |x_{n,k,t} - c_{k,t}|^2$$
(5)

式中: *x<sub>n,k,t</sub>* 为第 *k* 类中场景 *n* 在 *t* 时刻的数值; *c<sub>k,t</sub>* 为 *t* 时刻第 *k* 类聚类中心的值; *K* 为聚类数目; *N<sub>k</sub>* 为 第 *k* 类中场景的个数。

其基本思想是样本划分随聚类数目的增多而 更精细,因此各类内聚合程度增强,SSE 值逐步减 小。当聚类数目较小时,增加聚类数目会大幅提升 各类内聚合程度,导致 SSE 值大幅下降。当 K 接近 最优聚类数目时,SSE 值下降幅度骤减,随 K 值的增 大而趋于平缓,此拐点即为最优聚类数目。但是普 遍采用的目测法难以准确确定拐点,因此引入聚类 有效性指标 Calinski-Harabasz(CH),其计算如下:

$$N_{\rm CH} = \frac{tr(S_{\rm B})/(K-1)}{tr(S_{\rm W})/(N-K)}$$
(6)

式中:  $tr(S_W)$ ,  $tr(S_B)$ 分别为类内和类间散布矩阵的迹,分别度量类内紧密度和类间分离度<sup>[24]</sup>。K值增大,  $tr(S_B)$ 上升,  $tr(S_W)$ 下降,CH值在某个K处达到最优,CH值最大时对应最佳聚类结果。

综上,确定最优聚类数目的步骤为:计算搜索 范围内各聚类数目下 SSE 指标与 CH 指标;在 SSE 折线图趋于平缓的拐点附近找到具有最大聚类有 效性指标 CH 的聚类数目,即为最优 K。

### 3 场景质量检验方法

若将生成场景应用到日前调度中表征风电不确定性,需验证生成场景是否能反映风电波动特性和相关性特征<sup>[25]</sup>,以及文中方法的有效性。考察方面包括:(1)生成场景是否符合风电的波动性和时间相关性;(2)生成场景是否能够覆盖预测日的实际风电出力情况;(3)生成场景与实际风电是否具有一致的爬坡情况;(4)是否能够正确体现两风电场的空间相关性。检验指标具体表述如下。

(1) 生成场景与历史数据在任意时刻间相关性的近似程度  $P_{A}$ 。

$$P_{\rm A} = \left| c_{\rm his,t,t+n} - c_{s,t,t+n} \right| \tag{7}$$

式中: c<sub>his,t,t+n</sub>, c<sub>s,t,t+n</sub>分别为历史数据和生成场景 s 在任意两时刻间的相关系数。P<sub>A</sub>越小,生成场景越 能有效反映波动性和时间相关性。

(2) 生成场景对风电实测值的覆盖情况  $P_{\rm B}$ 。

$$P_{\rm B} = \frac{1}{N_{\rm T}} \sum_{t=1}^{N_{\rm T}} B_t \tag{8}$$

*B*<sub>*i*</sub> 为二元变量,预测日当天的风电实测值处于 生成场景的最大值与最小值之间时取1,反之为0, 即生成场景覆盖了当天的实测值,生成场景有效时为 $1_{o}P_{B}$ 数值范围为[0,1],计算结果越大,生成场景越能有效考虑到其不确定性。

(3) 生成场景的爬坡情况与实际爬坡情况的相 似度  $P_{\rm c}$ 。

$$P_{\rm C} = \frac{1}{(N_{\rm T} - 1)N} \sum_{t=1}^{N_{\rm T}-1} \sum_{n=1}^{N} |\Delta_{\rm actual, t, t+1} - \Delta_{s, n, t, t+1}|$$
(9)

式中:  $\Delta_{\text{actual},t,t+1}$ ,  $\Delta_{s,n,t,t+1}$ 分别为实际爬坡情况与生成场景 s 的爬坡情况。 $P_{\text{C}}$  越小, 生成场景的爬坡情况与真实情况越接近、越合理。

(4) 生成两风电场场景空间相关性与实际相关 性的近似度  $P_{\rm D}$ 。

$$\boldsymbol{P}_{\mathrm{D}} = \left| \boldsymbol{c}_{\mathrm{his} \ X \ Y} - \boldsymbol{c}_{\mathrm{s} \ X \ Y} \right| \tag{10}$$

式中:*c*<sub>his,*X*,*Y*</sub>,*c*<sub>s,X,Y</sub>分别为两风电场历史数据与生成场景 *s* 的相关性矩阵。差值越小,生成场景与实际情况越相符。

#### 4 场景生成和缩减及质量检验算例分析

文中对某地区两相邻风电场进行场景生成、缩 减和场景质量检验,验证所提方法的有效性。以 2017年—2019年两风电场出力的实测值与预测值 为基础生成 CDF,以 2017年8月8日数据作为某预 测日进行分析计算。

#### 4.1 考虑时空相关性的场景生成结果分析

4.1.1 时间相关性参数分析

为使生成场景具有合理的波动情况,首先确定 相关性参数 $\varepsilon$ 。通常认为 $1 \le \varepsilon \le 300$ 时,可以满足 大多数场景对波动性的要求,但最优取值随预测日 选取不同而变化<sup>[26]</sup>。

针对文中预测日,在不同  $\varepsilon$  取值下拟合误差  $I_{\varepsilon}$ 的变化曲线如图 6 所示。





由图可知,当 $\varepsilon$  = 110 时,  $I_{\varepsilon}$ 最小,生成场景的 波动性与时间相关性最合理。因此相关性控制参 数设置为 $\varepsilon$  = 110。

### 4.1.2 空间相关性参数分析

根据两风电场二元频率直方图,选择同样具有 尾部对称性质的正态 Copula 和 *t*-Copula 进行参数 拟合,结果如表1所示。

表 1 Copula 函数参数估计结果 Table 1 Parameter estimation results of Copula function

Copula 函数类型	线性相关参数	自由度
正态 Copula	$\begin{bmatrix} 1 & 0.975 \ 8 \\ 0.975 \ 8 & 1 \end{bmatrix}$	
t-Copula	$\begin{bmatrix} 1 & 0.991 \ 0 \\ 0.991 \ 0 & 1 \end{bmatrix}$	1.230 3

通过计算两模型与经验函数间的欧式平方距 离比较正态 Copula 和 *t*-Copula 与原始数据的拟合 程度,通过对比 Kendall 与 Spearman 相关系数<sup>[27]</sup>矩 阵对比拟合效果,结果如表 2 所示。

### 表 2 相关性系数及欧氏距离计算结果对比 Table 2 Correlation coefficient and calculation results of Euclidean distance comparison

函数类别	Kendall 系数		Spearman 系数		欧式距离
正态 Copula	$\begin{bmatrix} 1\\ 0.859 \ 6 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0.859 & 6 \\ 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 1\\ 0.973 \ 4 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0.973 & 4 \\ 1 \end{bmatrix}$	12.004 3
<i>t</i> -Copula	$\begin{bmatrix} 1\\ 0.914 \ 6 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0.914 & 6\\ 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 1 \\ 0.980 9 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0.980 & 9 \\ 1 \end{bmatrix}$	1.529 3
经验 Copula	$\begin{bmatrix} 1\\ 0.925 8 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0.925 & 8 \\ 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 1\\ 0.984 \ 2 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0.984 & 2 \\ 1 \end{bmatrix}$	

*t*-Copula 的 2 类相关系数矩阵均与经验 Copula 更接近,且欧氏距离更小,具有更好的拟合效果。因此选择线性相关参数为 0.991 0,自由度为 1.230 3 的 *t*-Copula 函数拟合两风电场的空间相关性。

### 4.1.3 场景生成结果

应用文中所提考虑时空相关性的场景生成方 法生成两风电场场景如图7所示。

两风电场生成场景均与当日预测值具有比较 一致的波动情况。这是由于控制参数 *e* 是根据预测 日波动情况并使得误差最小确定的,而且在场景生 成过程中,是按照当日预测值大小选择不同数据箱 进行非线性变换与等概率逆变换的。

### 4.2 基于改进 K-means 聚类的场景缩减结果分析

聚类目标期望在类内的元素具有较大的相似 性,不同类中的元素具有差异性。应用手肘法与聚 类有效性指标相结合的方法,寻找最优聚类数目。 SSE 值随聚类数目变化情况如图 8 所示。

由图 8 可知,在聚类数目为 2~7 时 SSE 值急剧 下降,还未达到最优聚类数目。当聚类数目达到 7~







9、9~10 与 10~12 时,SSE 值变化相对平缓,在 14~ 18 时出现波动,目测法难以准确定位拐点。 CH 值随聚类数目变化情况如图 9 所示。



#### 图 9 两风电场 CH 值随聚类数目变化示意 Fig.9 Schematic diagram of CH changes with the number of clusters in the two wind farms

由图 9 可知,在 K=7 和 K=9 时 CH 值较大,具 有较高的聚类有效性,且 K=12~14 与 K=19 时,有 效性也较高。*K*-means 聚类是一个反复迭代的过程,重复选取聚类中心与按照距离准则划分样本直到满足误差要求,得到稳定的聚类结果。*K*=9时的迭代次数相较于*K*=7时并未显著增加。将2类评判指标相结合得到最优聚类数目。拐点确定在*K*=9时CH指标最高,类内场景紧密程度与类间场景离散程度最优,为最佳聚类数目,可有效代表大量场景的变化特征。进行聚类缩减后,得到的两风电场场景如图10所示。





由图 10 可知,两风电场缩减后的场景均与生成 的大规模场景具有一致的变化规律。

### 4.3 场景质量检验结果分析

最后需对文中方法生成场景的波动性、时间相 关性等特征进行检验。蒙特卡洛与拉丁超立方均 为从概率分布中抽样的技术,应用广泛。以风电场 1为例,文中分别采用基于历史数据统计特性的简 单蒙特卡洛抽样法和采用分层抽样的拉丁超立方 抽样与文中方法进行对比,生成场景见图 11。

由图 11 可知,2 种方法均能模拟风电的不确定 性,且在大多数情况下生成场景均能覆盖当天的实 测风电出力情况。可直观看到文中方法所生成场 景与预测情况具有一致的变化趋势,且相邻时刻具 有较大的相关性,而抽样方法有时可能会产生离群 值或具有较大波动。对生成场景进行质量检验,结 果对比如表 3 所示。





Fig.11 Comparison of scenarios generated by sampling methods and method proposed

表 3	抽	样方法与文中方法生成场景质量评价对比
Table	3	Compasion of quality assessment of the
gene	rate	ed scenarios between sampling methods
		and method proposed in paper

方法	$P_{\rm A}$	$P_{\rm B}$	$P_{\rm C}$	$P_{\rm D}$
蒙特卡洛抽样	1.006 4	0.708 3	946.908 1	0.429 6
拉丁超立方抽样	0.021 7	0.875 0	629.129 0	0.172 3
文中方法	0.005 9	0.958 3	300.203 2	0.019 4

对比上述 4 个指标,文中方法 P<sub>A</sub> 值更低,说明 生成场景具有与历史数据更为一致的时间相关性, 从而验证应用指数函数法构建协方差矩阵的有效 性。文中方法 P<sub>B</sub> 值更接近 1,生成场景对实测值的 覆盖率更高,生成场景更能考虑到潜在不确定性。 该方法生成的大规模场景完整覆盖当天风电随机 性与波动性,改进的 *K*-means 聚类算法在忽略掉离 群值基础上,以少数有代表性的场景反映风电变化 特征,在减少计算量的同时并未降低场景对实际值 的覆盖能力。文中方法 *P*c 更小,生成场景更能捕捉 到风电的波动特性,爬坡情况与实测值更接近。由 于蒙特卡洛与拉丁超立方抽样生成场景的过程中 并未考虑到两风电场的空间相关性,因此文中方法 *P*b 更小,生成的两风电场场景间相关性与历史数据 更为近似。在大规模风电接入的背景下,充分考虑 多风电出力的相关关系具有重要意义。经检验,文 中方法生成的场景具有更高的有效性与可靠性。

### 5 结论

针对多风电场出力具有的时空相关性特征,应 用指数函数法构建体现风电时间相关性的协方差 矩阵,通过构建 Copula 函数模型对两风电场之间的 空间相关特征进行分析建模,采用构建数据箱并对 累积概率分布函数进行非线性变换与等概率逆变 换的方法完成场景生成。针对大规模场景应用改 进的 *K*-means 聚类方法进行缩减,得到代表性聚类 场景,克服了难以确定最优聚类数目及聚类情况波 动的缺点。最后应用评价指标定量检验所生成场 景的有效性。以某地区两风电场历史风电数据为 例验证文中方法的有效性,主要结论如下:

(1)考虑风电时空相关性生成的场景,不仅能更好地拟合风电的波动性,与风电实测值具有更一致的爬坡情况与相关性大小,同时可以使得风功率场景包含更多空间相关特征,与多风电场间的实际出力情况更相符。

(2) 通过改进 *K*-means 聚类方法确定了最优聚 类数目,平衡了类间、类内的相似性与差异性,得到 具有代表性的多风电场景。

(3)所得时空相关性风电出力典型场景可应用 于综合能源系统日前调度中。

### 参考文献:

- 张海龙.中国新能源发展研究[D].长春:吉林大学,2014.
   ZHANG Hailong. Research on the new energy development in China[D]. Changchun; Jilin University, 2014.
- [2] 刘辉,葛俊,巩宇,等.风电场参与电网一次调频最优方案选择与风储协调控制策略研究[J].全球能源互联网,2019,2
   (1):44-52.

LIU Hui, GE Jun, GONG Yu, et al. Optimization scheme selection of wind farm participation in grid primary frequency regulation and study of wind-storage coordination control strategy[J]. Journal of Global Energy Interconnection, 2019,2(1):44-52.

[3] 巩志皓,王程. 基于风险的电-热综合能源系统风电消纳能 力评估[J]. 全球能源互联网,2019,2(4):325-332. GONG Zhihao, WANG Cheng. Risk-based admissibility assessment of wind generation in integrated electric-heat systems [J]. Journal of Global Energy Interconnection, 2019, 2(4): 325-332.

- [4] 丁明,王伟胜,王秀丽,等. 大规模光伏发电对电力系统影响 综述[J]. 中国电机工程学报,2014,34(1):1-14.
  DING Ming, WANG Weisheng, WANG Xiuli, et al. A review on the effect of large-scale PV generation on power systems [J].
  Proceedings of the CSEE,2014,34(1):1-14.
- [5] 薛禹胜,雷兴,薛峰,等.关于风电不确定性对电力系统影响的评述[J].中国电机工程学报,2014,34(29):5029-5040.
  XUE Yusheng,LEI Xing,XUE Feng,et al. A review on impacts of wind power uncertainties on power systems[J]. Proceedings of the CSEE,2014,34(29):5029-5040.
- [6] 蒋霖,郑倩薇,王枫,等.考虑直接负荷控制与风电不确定性的输电网扩展规划[J].电力系统保护与控制,2020,48(3): 138-146.

JIANG Lin, ZHENG Qianwei, WANG Feng, et al. Transmission network expansion planning considering direct load control and wind power uncertainty [J]. Power System Protection and Control, 2020, 48(3):138-146.

[7] 邓强, 詹红霞, 杨孝华, 等. 考虑风电不确定性和大用户直购
 电的电力系统经济调度[J]. 电力系统保护与控制, 2019, 47
 (14):131-139.

DENG Qiang, ZHAN Hongxia, YANG Xiaohua, et al. Power system economic dispatching considering the uncertainty of wind power and large consumers direct purchasing[J]. Power System Protection and Control, 2019, 47(14):131-139.

- [8] 赵书强,金天然,李志伟,等.考虑时空相关性的多风电场出 力场景生成方法[J]. 电网技术,2019,43(11):3997-4004. ZHAO Shuqiang,JIN Tianran,LI Zhiwei,et al. Wind power scenario generation for multiple wind farms considering temporal and spatial correlations[J]. Power System Technology,2019,43 (11):3997-4004.
- [9] 雷宇,杨明,韩学山. 基于场景分析的含风电系统机组组合的两阶段随机优化[J]. 电力系统保护与控制,2012,40 (23):58-67.

LEI Yu, YANG Ming, HAN Xueshan. A two-stage stochastic optimization of unit commitment considering wind power based on scenario analysis [J]. Power System Protection and Control, 2012,40(23):58-67.

- [10] 严海峰.考虑风电随机性的电力系统多目标无功优化研究
   [D]. 广州:华南理工大学,2015.
   YAN Haifeng. Multi-objective reactive power optimization of power system with random wind power generation[D]. Guang-zhou:South China University of Technology,2015.
- [11]于蓉. 基于多场景分析的分布式电源多目标规划[D]. 南 昌:华东交通大学,2015.
  YU Rong. Multi-objective optimization for DG planning based on multi-scenario analysis[D]. Nanchang:East China Jiaotong University,2015.
- [12] 李哲. 考虑风电接入的综合能源系统扩展规划[D]. 济南: 山东大学,2019.

LI Zhe. Expansion planning of integrated energy system considering wind power access [ D ]. Jinan: Shandong University, 2019.

[13] 黎静华,文劲宇,程时杰,等.考虑多风电场出力 Copula 相 关关系的场景生成方法[J].中国电机工程学报,2013,33 (16):30-36,21.

LI Jinghua, WEN Jinyu, CHENG Shijie, et al. A scene generation method considering copula correlation relationship of multi-wind farms power [J]. Proceedings of the CSEE, 2013, 33(16);30-36,21.

- [14] STURT A, STRBAC G. Efficient stochastic scheduling for simulation of wind-integrated power systems [J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2012, 27(1):323-334.
- [15] 仉梦林,胡志坚,王小飞,等. 基于动态场景集和需求响应 的二阶段随机规划调度模型[J]. 电力系统自动化,2017, 41(11):68-76.

ZHANG Menglin, HU Zhijian, WANG Xiaofei, et al. Two-stage stochastic programming scheduling model based on dynamic scenario sets and demand response[J]. Automation of Electric Power Systems, 2017, 41(11):68-76.

[16] 李湃,管晓宏,吴江. 基于大气动力模型的多风电场出力场 景生成方法[J]. 中国电机工程学报,2015,35(18):4581-4590.

LI Pai,GUAN Xiaohong,WU Jiang. Wind power scenario generation for multiple wind farms based on atmospheric dynamic model[J]. Proceedings of the CSEE, 2015, 35(18):4581-4590.

[17] 王小红,周步祥,张乐,等. 基于时变 Copula 函数的风电出 力相关性分析[J]. 电力系统及其自动化学报,2015,27 (1):43-48.

WANG Xiaohong, ZHOU Buxiang, ZHANG Le, et al. Wind power correlation analysis based on time-variant copula function[J]. Proceedings of the CSU-EPSA, 2015, 27(1):43-48.

[18] 孟安波,林艺城,殷豪. 计及不确定性因素的家庭并网风-光-蓄协同经济调度优化方法[J]. 电网技术,2018,42(1): 162-173.

MENG Anbo, LIN Yicheng, YIN Hao. Synergetic scheduling optimization method of grid-connected home wind-solar-storage system considering uncertainty factors [J]. Power System Technology, 2018, 42(1); 162-173.

- [19] 邹云阳,杨莉. 基于经典场景集的风光水虚拟电厂协同调度模型[J]. 电网技术,2015,39(7):1855-1859.
  ZOU Yunyang, YANG Li. Synergetic dispatch models of a wind/PV/hydro virtual power plant based on representative scenario set [J]. Power System Technology, 2015, 39(7): 1855-1859.
- [20] 汤向华,李秋实,侯丽钢,等. 基于 Copula 函数的风电时序 联合出力典型场景生成[J]. 电力工程技术,2020,39(5): 152-161,168.

TANG Xianghua, LI Qiushi, HOU Ligang, et al. Generation of typical sequential joint output scenarios of wind power based on Copula function [ J ]. Electric Power Engineering Technology, 2020, 39(5): 152-161, 168.

- [21] 黄冯. 面向电力系统分析的可再生能源典型场景生成方法
  [D]. 合肥:合肥工业大学,2019.
  HUANG Feng. A typical scenario generation method for renewable energy in power system analysis[D]. Hefei:Hefei University of Technology,2019.
- [22] 马燕峰,李鑫,刘金山,等.考虑风电场时空相关性的多场 景优化调度[J].电力自动化设备,2020,40(2):55-65.
  MA Yanfeng,LI Xin,LIU Jinshan, et al. Multi-scenario optimal dispatch considering temporal-spatial correlation of wind farms
  [J]. Electric Power Automation Equipment,2020,40(2):55-65.
- [23] 谢中华. MATLAB 统计分析与应用:40 个案例分析[M].2 版.北京:北京航空航天大学出版社,2015.
  XIE Zhonghua. Statistical analysis and application of MATLAB: analysis of 40 cases [M]. 2rd ed. Beijing: Beijing University of Aeronautics and Astronautics Press,2015.
  [24] 解蛟龙.风/光/负荷典型场景缩减方法及在电网规划中的
- 24] 解贬龙.风元/页何典型场京编码方法及往电网规划中的应用[D]. 合肥:合肥工业大学,2017. XIE Jiaolong. A typical reduced-scenario analysis method for wind, photoelectric, load scene and its application in power system planning [D]. Hefei: Hefei University of Technology, 2017.
- [25] 宋晓皖.考虑时空相关性的多风场出力特性分析及场景生 成方法研究[D]. 合肥:合肥工业大学,2019. SONG Xiaowan. Research on multi-wind farms output characteristics and scenario generation method considering the spatial-temporal correlation[D]. Hefei:Hefei University of Technology,2019.
- [26] TURK A, WU Q W, ZHANG M L, et al. Day-ahead stochastic scheduling of integrated multi-energy system for flexibility synergy and uncertainty balancing[J]. Energy, 2020, 196:117130.
- [27] 张玥,王秀丽,曾平良,等. 基于 Copula 理论考虑风电相关 性的源网协调规划[J]. 电力系统自动化,2017,41(9): 102-108.

ZHANG Yue, WANG Xiuli, ZENG Pingliang, et al. Copula theory based generation and transmission co-planning considering wind power correlation [J]. Automation of Electric Power Systems, 2017, 41(9):102-108.

#### 作者简介:



唐锦(1983),男,学士,工程师,从事新能 源发电出力分析预测相关工作;

张书怡(1997),女,硕士在读,研究方向为 综合能源系统优化运行(E-mail: zsy19970723 @163.com);

吴秋伟(1977),男,博士,教授,研究方向 为主动配电网、新能源建模与控制、互联能源 系统运行。

# Wind power output scenario generation method based on Copula function and equal probability inverse transformation

TANG Jin<sup>1</sup>, ZHANG Shuyi<sup>2</sup>, WU Qiuwei<sup>3</sup>, CHEN Jian<sup>2</sup>, LI Wenbo<sup>1</sup>, ZHOU Qian<sup>1</sup>, PAN Bo<sup>4</sup>

(1. State Grid Jiangsu Electric Power Co., Ltd. Research Institute, Nanjing 211103, China;

2. School of Electrical Engineering, Shandong University, Jinan 250061, China;

3. Department of Electrical Engineering, Technical University of Denmark, Lyngby 2800, Denmark;

4. Jiaxing Guodiantong New Energy Technology Co., Ltd., Jiaxing 314000, China)

**Abstract**: Under the background of the large-scale increase in wind power utilization, the application of typical scenarios to deal with the uncertainty of wind output is of great significance. Aiming at the spatial-temporal correlation among the output of multiple wind farms, an improved scenario generation and reduction method is proposed, and an evaluation method is introduced to test the quality of the generated scenarios. The exponential function is used to construct a multivariate covariance matrix that reflects the temporal correlation of wind power, and the Copula function is used to build a multi-wind farm spatial correlation model. A large number of initial scenes are generated by performing spatio-temporal correlation non-linear transformation and equal probability inverse transformation on the cumulative probability distribution function of random numbers and historical data. The *K*-means clustering method is improved, and the optimal number of clusters is determined by the elbow method and the clustering effectiveness index, and then the representative spatial-temporal correlation results show that the volatility, climbing situation and spatial-temporal correlation of the scenarios generated by the proposed method are more consistent with historical data. The proposed method has a higher coverage of actual measured wind power values than another method does. **Keywords**: wind power uncertainty; scenario generation; scenario reduction; spatial-temporal correlations; Copula function; *K*-means clustering

(编辑 方晶)

#### (上接第68页)

# Joint planning of photovoltaic generation and electric vehicle charging station based on co-evolution

JIANG Keke, ZHANG Xinsong, XU Yangyang, LU Shengnan, ZHU Jianfeng

(College of Electrical Engineering, Nantong University, Nantong 226019, China)

**Abstract**: In response to the gap that the existing methods do not fully consider the random characteristics of the distributed photovoltaic generation (DPVG) outputs and the electric vehicle charging station (EVCS) charging loads, probabilistic power flow is analyzed based on the scenario probability method, and a chance constraint based DPVG-EVCS joint planning model is developed. The locations and capacities of EVCSs and DPVGs are optimized to minimize energy loss in the distribution systems under a premise of ensuring that the operating conditions of the distribution system meet the chance constraints. Then, co-evolutionary algorithm (CA) based on the genetic algorithm (GA) is used in the DPVG-EVCS joint planning model calculation. The optimization is decomposed into an EVCS planning sub-optimization and an DPVG planning sub-optimization. Two sub-optimizations are solved by GA in parallel. And cooperate with two GA populations to evolve through the ecosystem until the optimal solution to the optimization problem to be sought is obtained. Finally, the IEEE 33 bus distribution system is built for simulation. The results show that the proposed model can obtain a reasonable planning scheme. And the solution efficiency of CA is high, which can significantly improve the work efficiency of planners.

**Keywords**: distributed photovoltaic generation (DPVG); electric vehicle charging station (EVCS); chance constraint; probabilistic power flow; joint planning; co-evolutionary algorithm (CA)

(编辑 吴楠)