计及 DG 出力相关性的孤岛微电网蒙特卡洛法概率潮流

苏凯森¹,杨家豪¹,郑泽蔚¹,弓新月² (1. 厦门大学嘉庚学院,福建 漳州 363105; 2. 江苏省电力有限公司电力科学研究院,江苏南京 211103)

摘 要:孤島微电网缺乏主网的支撑,分布式电源(distributed generator, DG)出力的随机性以及负荷的波动性都将 对系统频率及电压造成影响。为准确分析孤岛模式下微电网的运行状态,提出一种计及 DG 出力相关性的孤岛微 电网概率潮流计算方法。首先简化孤岛微电网节点分类,将潮流方程表达成统一形式;其次,在考虑 DG 出力的相 关性下运用蒙特卡洛法进行抽样计算,从而获得概率潮流结果;最终以 Benchmark 0.4 kV 低压微电网系统作为算 例,验证了文中方法的有效性。

关键词:孤岛微电网;蒙特卡洛法;概率潮流;相关性 中图分类号:TM7123 文献标志码:A

0 引言

近年来,微电网(microgrid,MG)技术得到快速 发展^[1-2],其离网孤岛运行的能力大大提高了供电 可靠性,且对于海岛、偏远地区等,孤岛型微电网也 成为了解决供电问题的有效方案。由于无平衡节 点,缺乏主网支撑,通常孤岛型微电网采用对等控 制方式^[3],即通过采取下垂控制策略的分布式电源 (distributed generator,DG)、储能装置(energy storage,ES)等共同参与微电网的频率与电压的调节。

诸如光伏、风电这一类 DG 的出力具有较强的 随机性,同时负荷也存在波动,对微电网的频率及 电压质量造成影响,而孤岛微电网的潮流计算是分 析基础。文献[4-8]建立了孤岛微电网的潮流模 型,其中文献[6-7]基于信赖域算法提高潮流计算 收敛性,文献[8]提出类奔德斯分解方法较好地提 升潮流收敛速度。但对于单一运行点的潮流结果, 并未能对微电网频率及电压在不确定性条件下可 能的状态提供充分的信息。相比之下,概率潮流 (probabilistic load flow, PLF)能够获得各状态变量 的完整概率分布信息,更为全面地反映微电网可能 的运行状态^[9-13]。目前关于孤岛微电网 PLF 的研 究较少,在现有研究中蒙特卡洛模拟法^[11]是求解 PLF的常用方法。文献[12]采用蒙特卡洛法模拟 间歇性微电源的随机特性,从而求解微电网 PLF。 文献[13] 基于半不变量法求解孤岛微电网 PLF, 计

收稿日期:2017-11-04;修回日期:2017-12-17 基金项目:厦门大学嘉庚学院大学生创新创业训练计划项 目资助(201713469161);国家重点研发计划资助项目 (2017YFB0903300) 文章编号:2096-3203(2018)02-0095-07

算时将柴油发电机视为平衡节点,储能视为恒功率 负荷,相当于采取主从控制模式,由平衡节点承担 全部功率波动,不符合实际孤岛微电网的运行特点。

上述文献存在2方面不足:(1)均未考虑对等 控制模式下的孤岛微电网的情况,即仍是默认频率 为额定值,只考察系统中电压的概率分布情况。实 际中频率是孤岛微电网 PLF 中重要的待求随机变 量,频率的概率分布信息对微电网运行决策提供重 要的参考依据;(2)鉴于微电网属于独立小型系统, 微电网中多个光伏电源或风电机组邻近,其出力往 往具有较强的相关性,需要在孤岛微电网 PLF 中计 及相关性的影响。

本文的主要贡献是提出一种计及 DG 出力相关 性的孤岛微电网蒙特卡洛概率潮流计算方法。首 先简化孤岛微电网节点分类,建立孤岛微电网功率 方程;其次建立各类 DG 及负荷的概率模型,并提出 DG 出力相关性的处理方法,通过蒙特卡洛模拟计 算孤岛微电网 PLF;最终通过 Benchmark 0.4 kV 低 压微电网作为算例对文中方法进行验证。

1 孤岛微电网潮流计算

目前孤岛微电网潮流模型中的等效节点类型 通常为:PQ 节点、PV 节点及下垂节点。当出现越 限或设备故障脱网时节点类型可能变化,为简化节 点分类、减少节点类型转换,同时提高计算效率,文 中仅设定 PQ 节点与 PV 节点2种节点类型,并建立 统一的节点功率方程。

1.1 潮流方程

PQ 节点需列写有功与无功平衡方程, PV 节点 仅需列写有功平衡方程, 方程形式为:

$$\begin{cases} \Delta P_{i} = P_{Ci} + P_{Di} - P_{Li} - P_{i} \\ \Delta Q_{i} = Q_{Ci} + Q_{Di} - Q_{Li} - Q_{i} \end{cases}$$
(1)

式中: P_{Ci} , Q_{Ci} 分别为节点*i*恒功率电源注入的有功和无功,例如光伏、风电等采取最大功率点跟踪(maximum power point tracking, MPPT)控制方式的DG属于此类电源; P_{Di} , Q_{Di} 分别为节点*i*具有下垂控制特性的设备注入的有功和无功,例如柴油发电机、燃气轮机、储能等均属于此类电源; P_{Li} , Q_{Li} 分别为节点*i*的有功与无功负荷; P_i , Q_i 分别为节点*i*注入的点有功功率和无功功率。

节点注入的有功与无功功率为:

$$\begin{cases} P_i = U_i \sum_{j=1}^n U_j (G_{ij} \cos \delta_{ij} + B_{ij} \sin \delta_{ij}) \\ Q_i = U_i \sum_{j=1}^n U_j (G_{ij} \sin \delta_{ij} - B_{ij} \cos \delta_{ij}) \end{cases}$$
(2)

式中:n 为节点数目; U_i 及 U_j 分别为节点i 与节点j的电压; G_{ij} , B_{ij} 分别为节点导纳矩阵的实部与虚部; δ_{ii} 为节点i 和节点j 的相角差。

1.2 下垂控制设备建模

具有下垂控制特性的设备注入的功率可统一 表示为:

$$P_{\text{D}i} = \begin{cases} P_{\text{Dimax}} & f \leq f_{\text{min}} \\ P_{\text{Dimin}} + K_{\text{D}fi}(f_0 - f) & f_{\text{min}} < f < f_{\text{max}} \\ P_{\text{Dimin}} & f \geq f_{\text{max}} \end{cases}$$

$$K_{\text{D}fi} = \frac{P_{\text{Dimax}} - P_{\text{Dimin}}}{f_{\text{max}} - f_{\text{min}}}$$

$$(4)$$

 $Q_{\text{D}i} = \begin{cases} Q_{\text{Dimax}} & U_i \leq U_{\text{min}} \\ Q_{\text{Dimin}} + K_{\text{D}Ui}(U_0 - U_i) & U_{\text{min}} < U_i < U_{\text{max}} \\ Q_{\text{Dimin}} & U_i \geqslant U_{\text{max}} \end{cases}$

$$K_{\rm DUi} = \frac{Q_{\rm Dimax} - Q_{\rm Dimin}}{U_{\rm max} - U_{\rm min}} \tag{6}$$

式中: P_{Dimax} , P_{Dimin} , Q_{Dimax} , Q_{Dimin} 分别为节点 i 具有下 垂控制特性的设备注入的有功和无功上下限,若无 此类设备则均取为0; f_{max} , f_{min} , U_{max} , U_{min} 分别为系统 频率、电压允许上下限; K_{Dfi} , K_{DUi} 分别为对应的P-f、 Q-U下垂系数; f_0 ,f分别为系统频率的空载值与实 际值; U_0 , U_i 分别为电压的空载值与实际值。其中 储能可以工作在充放电2种工况,在不考虑荷电状 态的情况下,其 P_{Dimin} , P_{Dimax} 取决于储能的最大充放 电功率。

1.3 负荷建模

对负荷进行建模时计及负荷的电压和频率静 特性,负荷使用恒阻抗、恒电流和恒功率的组合模 型来描述,可表示为:

$$\begin{cases} P_{\mathrm{L}i} = P_{\mathrm{L}Ni} \left[A_{pi} \left(\frac{U_i}{U_{\mathrm{N}i}} \right)^2 + B_{pi} \left(\frac{U_i}{U_{\mathrm{N}i}} \right) + C_{pi} \right] \times \\ \left[1 + k_{\mathrm{L}pi} (f - f_{\mathrm{N}}) \right] \\ Q_{\mathrm{L}i} = Q_{\mathrm{L}Ni} \left[A_{qi} \left(\frac{U_i}{U_{\mathrm{N}i}} \right)^2 + B_{qi} \left(\frac{U_i}{U_{\mathrm{N}i}} \right) + C_{qi} \right] \times \\ \left[1 + k_{\mathrm{L}qi} (f - f_{\mathrm{N}}) \right] \end{cases}$$
(7)

式中: P_{LNi} , Q_{LNi} 分别为节点 *i* 在额定工况下的有功 与无功负荷; U_{Ni} 和 f_N 分别为额定电压与频率,取 $U_{Ni}=1$ p.u., $f_N=1$ p.u.; P_i , Q_i 分别为节点 *i* 注入的总 有功功率和无功功率; A_{pi} , B_{pi} , C_{pi} , A_{qi} , B_{qi} , C_{qi} 分别为 负荷有功与无功功率中恒阻抗型、恒电流型、恒功 率型的百分比系数,分别满足 $A_{pi}+B_{pi}+C_{pi}=1$ 及 $A_{qi}+B_{qi}+C_{qi}=1;k_{Lpi}$, k_{Lqi} 分别为负荷的有功和无功功率的 静态频率调节系数。

1.4 潮流求解

假定孤岛微电网中 PQ 节点与 PV 节点的数目分 别为 n_{PQ}与 n_{PV},则总计列写 2n_{PQ}+n_{PV}个方程,本文采 用牛顿拉夫逊法求解潮流方程组,修正方程简写为:

$$\begin{bmatrix} \Delta P \\ \Delta Q \end{bmatrix} = J \cdot \begin{bmatrix} \Delta f \\ \Delta \delta \\ \Delta U \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} E & H & N \\ F & M & L \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta f \\ \Delta \delta \\ \Delta U \end{bmatrix}$$
(8)

式中: ΔP , ΔQ 为节点有功与无功不平衡量; Δf , $\Delta \delta$, ΔU 为分别为频率、相角、电压的修正量;J 为雅克比 矩阵,其分块矩阵分别为:

$$E = \frac{\partial \Delta P}{\partial f} \quad H = \frac{\partial \Delta P}{\partial \delta} \quad N = \frac{\partial \Delta P}{\partial U}$$

$$F = \frac{\partial \Delta Q}{\partial f} \quad M = \frac{\partial \Delta Q}{\partial \delta} \quad L = \frac{\partial \Delta Q}{\partial U}$$
(9)

由于求解过程中不涉及节点类型转换,因此也 无需在迭代过程中改变雅克比矩阵的结构,只需相 应更新数值,因此能够为蒙特卡洛模拟提高运算 效率。

2 孤岛微电网概率潮流

2.1 蒙特卡洛法概率模型

光伏电源、风电机组为了能在每一时刻尽可能 输出最大功率,通常采取 MPPT 的控制方式,因此 DG 出力随着光照与风速的随机性也呈现不确定 性,而负荷同样存在波动,故而孤岛微电网概率潮 流计算中具有随机性的输入变量主要是间歇性 DG 以及负荷。文中分析涉及的间歇性 DG 装置为光伏 电源(photovoltaic,PV)及风力发电机(wind turbine, WT)装置,文中假设 PV 与 WT 均不发出无功。

研究表明,一段时间内的光伏出力满足 Beta 分

布,因此光伏发电有功出力 *P*_{PV}的概率模型以 Beta 分布来近似表达:

$$f(P_{\rm PV}) = \frac{\Gamma(\alpha + \beta)}{\Gamma(\alpha)\Gamma(\beta)} \left(\frac{P_{\rm PV}}{P_{\rm max}}\right)^{\alpha^{-1}} \left(1 - \frac{P_{\rm PV}}{P_{\rm max}}\right)^{\beta^{-1}}$$
(10)

式中: Γ 为 Gamma 函数; α , β 为 Beta 分布的形状参数; P_{max} 为该时段内光伏出力最大值。

风速概率分布通常满足 Weibull 分布,因此风力发电有功出力 Pwr的概率模型表示为:

$$f(P_{\rm WT}) = \frac{k}{bc} \left(\frac{P_{\rm WT} - a}{bc}\right)^{k-1} \exp\left[-\left(\frac{P_{\rm WT} - a}{bc}\right)^k\right]$$
(11)

式中:k 为形状参数;c 为尺度参数;a,b 为与 WT 参数有关的常数。

负荷的概率模型用正态分布描述,其有功和无 功功率的概率模型为:

$$f(P_{\rm L}) = \frac{1}{\sigma_{\rm P} \sqrt{2\pi}} \exp\left[-\frac{(P_{\rm L} - \mu_{\rm P})^2}{2\sigma_{\rm P}^2}\right] \quad (12)$$

$$f(Q_{\rm L}) = \frac{1}{\sigma_{\rm Q} \sqrt{2\pi}} \exp\left[-\frac{(Q_{\rm L} - \mu_{\rm Q})^2}{2\sigma_{\rm Q}^2}\right] \quad (13)$$

式中: μ_{P} , μ_{Q} 分别为有功和无功的均值; σ_{P} , σ_{Q} 分别 为有功和无功的标准差。

2.2 DG 出力相关性处理

已知 m 个输入随机变量 $W = [w_1, w_2, \dots, w_m]$ 的边际概率分布 F(W),并使用相关系数矩阵 R_W 描述出力相关性,相关系数矩阵表达式为:

$$\boldsymbol{R}_{W} = \begin{bmatrix} 1 & \rho_{w_{12}} & \cdots & \rho_{w_{1m}} \\ \rho_{w_{21}} & 1 & \cdots & \rho_{w_{2m}} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \rho_{w_{m1}} & \rho_{w_{m2}} & \cdots & 1 \end{bmatrix}$$
(14)

矩阵中各元素按下式计算:

$$\rho_{w_{ij}} = \rho_{w_{ji}} = \frac{Cov(w_i, w_j)}{\sigma_{w_i}\sigma_{w_j}}$$
(15)

式中: $\rho_{w_{ij}}$ 为随机变量 w_i 与 w_j 之间的相关系数; Cov(w_i , w_j)为 w_i 与 w_j 的协方差; σ_{w_i} , σ_{w_j} 为 w_i 与 w_j 的标准差。

根据三阶多项式正态变换(third-order polynomial normal transformation, TPNT)理论^[14],具有相关 性的随机变量空间 W 可由独立的服从标准正态分 布随机变量空间 Z 的三阶多项式表示,即:

 $w_i = a_{i(0)} + a_{i(1)}z_i + a_{i(2)}z_i^2 + a_{i(3)}z_i^3$ (16) 式中: $a_{i(k)}(k=0,1,2,3)$ 为各项系数; z_i 为独立的服 从标准正态分布的随机变量。

利用
$$w_{i_{st}} = (w_i - \mu_{w_i}) / \sigma_{w_i}$$
将随机变量 w_i 进行标

准化,则有:

 $w_{i_{-st}} = b_{i(0)} + b_{i(1)}z_i + b_{i(2)}z_i^2 + b_{i(3)}z_i^3$ (17) 式中: $b_{i(k)}(k=0,1,2,3)$ 为标准化后对应的各项系数。显然各项系数满足以下关系:

$$\begin{cases} a_{i(k)} = b_{i(k)} \sigma_{w_i} + \mu_{w_i} \quad k = 0 \\ a_{i(k)} = b_{i(k)} \sigma_{w_i} \quad k = 1, 2, 3 \end{cases}$$
(18)

根据矩法原理,式(17)中等式两边的各阶原点 矩相等,取前四阶原点矩的相等关系可展开得到4 个方程:

$$\begin{cases} b_{i(0)} + b_{i(2)} = 0 \\ b_{i(1)}^{2} + 6b_{i(1)}b_{i(3)} + 2b_{i(2)}^{2} + 15b_{i(3)}^{2} = 1 \\ 2b_{i(2)}(b_{i(1)}^{2} + 24b_{i(1)}b_{i(3)} + 105b_{i(3)}^{2} + 2) = \chi \\ 24[b_{i(1)}b_{i(3)} + b_{i(2)}^{2}(1 + b_{i(1)}^{2} + 28b_{i(1)}b_{i(3)}) + b_{i(3)}^{2} \times (12 + 48b_{i(1)}b_{i(3)} + 141b_{i(2)}^{2} + 255b_{i(3)}^{2})] = \kappa - 3 \end{cases}$$
(19)

式中:X为 $w_{i_{st}}$ 的偏度; κ 为 $w_{i_{st}}$ 的峰度。

通过求解式(19)非线性方程组可得 $b_{i(k)}$,再根据式(18)求得 $a_{i(k)}$,最后根据式(20)可计算得到 具有相关性的服从标准正态分布的随机变量空间Y的相关系数矩阵中的各元素 ρ_{vii} 。

$$\begin{aligned} & 6a_{i(3)}a_{j(3)}\rho_{y_{ij}}^{3} + 2a_{i(2)}a_{j(2)}\rho_{y_{ij}}^{2} + [a_{i(1)} + 3a_{i(3)}][a_{j(1)} + 3a_{j(3)}]\rho_{y_{ij}} + [(a_{i(0)} + a_{i(2)}) \\ & (a_{j(0)} + a_{j(2)}) - \rho_{w_{ij}}\sigma_{w_{i}}\sigma_{w_{j}} - \mu_{w_{i}}\mu_{w_{j}}] = 0 \end{aligned}$$

$$(20)$$

相关系数应为区间[-1,1]内一实数,同时在上 述进行空间映射时,相关系数也应为同号,即 $\rho_{y_{ij}}$ 须 满足:

$$\begin{cases} -1 \leq \rho_{y_{ij}} \leq 1\\ \rho_{y_{ij}} \rho_{w_{ij}} > 0 \end{cases}$$
(21)

文中建立满足给定相关性水平的输入变量概 率模型的步骤为:

(1)产生满足独立正态分布的样本矩阵 S,其维数为 m×N,N 为样本规模;

(2)运用 TPNT 理论以及求解代数方程的方法 求取具有相关性的标准正态分布随机变量 Y 的等 效相关系数矩阵 R_y ,即通过式(16—21)求取 R_y 中 的各元素 ρ_{y_i} ;

(3) 根据式(22)对**R**_y进行 Cholesky 分解^[15]

$$\boldsymbol{R}_{\boldsymbol{Y}} = \boldsymbol{L}_{\boldsymbol{Y}} \boldsymbol{L}_{\boldsymbol{Y}}^{\mathrm{T}}$$
(22)

式中: L_y 即为 Cholesky 因式分解所得的下三角矩阵。

随后可由 *Y*=*L_YS* 获得具有相关性的服从标准 正态分布的样本矩阵 *Y*; (4)通过等概率转换原则^[15-16]得到满足相关
 性水平的样本矩阵 W,即对每个样本利用式(23)由
 y_i求取 w_i。

$$F(w_i) = \Phi(y_i) \tag{23}$$

式中: $F(w_i)$ 为 w_i 的累积分布函数, $\Phi(y_i)$ 为 y_i 的累积分布函数。

2.3 算法流程

文所提 PLF 计算的流程如下:

(1)输入原始数据,包含微电网网架数据、电源 和负荷的基本参数以及所对应的概率模型;

(2)设定样本规模,对于相互独立的随机变量 基于概率模型进行抽样;

(3) 对于相关的随机变量,由给定的 *F*(*W*) 及 *R_w*由式(14—23) 建立满足给定相关性水平的样本 矩阵;

(4) 将全部样本逐个进行孤岛微电网潮流计 算,并保存频率及电压的计算结果;

(5) 对计算结果进行统计,求取频率及电压的的概率密度函数(probability density function, PDF) 及累积分布函数(cumulative distribution function, CDF),两者满足以下关系:

$$F_X(x) = \int_{-\infty}^x f_X(x) \,\mathrm{d}x \tag{24}$$

式中:X 为状态变量,即频率及节点电压; $F_x(x)$ 为状态变量 X 的 CDF; $f_x(x)$ 为状态变量 X 的 PDF。 算法流程如图 1 所示。



图 1 算法流程 Fig.1 Algorithm flow chart

3 算例分析

以 Benchmark 0.4 kV 低压微电网^[17]作为算例 系统,如图 2 所示。其中 S1 打开,S2 闭合,构成孤

岛微电网系统。系统基准容量取 100 kV·A, 假定孤 岛微电网的安全运行范围为 *f*_{max} = 1.004 p.u., *f*_{min} = 0.996 p.u., *U*_{max} = 1.05 p.u., *U*_{min} = 0.95 p.u.。



图 2 Benchmark 0.4 kV 低压微电网系统

Fig.2 Benchmark 0.4 kv low-voltage microgrid system

接入设备参数见表 1,其中节点 13—17 的电源 中,PV 及 WT 采取 MPPT 的控制方式,在单一样本 潮流计算中视为恒功率电源,而其他的蓄电池组、 微型燃气轮机等采取对等控制,共同参与微电网频 率及电压的调节。考虑到负荷情况,在节点 14 及 17 进行必要的电容器固定补偿。

表 1 算例中接入的设备及参数 Tab. 1 Example of access to the equipment and parameters

		-	
节点	设备名称	有功容量 / kW	无功容量 / kvar
13	蓄电池组	32	8
14	微型燃气轮机	60	30
15	WT+PV	60+30	0
16	\mathbf{PV}	40	0
17	燃料电池	30	15
14	电容器补偿	0	12
17	电容器补偿	0	6

负荷参数见表 2。各节点恒阻抗、恒电流、恒功 率负荷占比统一取为 0.3, 0.3, 0.4, 静态频率调节系 数取 $k_{Lpi} = 2$, $k_{Lqi} = -2^{[5]}$ 。负荷服从正态分布, 负荷 波动的标准差取为期望值的 10%。

表 2 负荷参数 Tab 2 Load parameters

节点	有功负荷 / kW	无功负荷 / kvar			
2	8.10	3.87			
14	38.88	18.58			
15	27.00	12.90			
16	8.10	3.87			
17	25.38	12.13			

各 PV 出力满足 Beta 分布,其中形状参数为 α = 1.693, β =5.162。WT 出力满足 Weibull 分布,切 入风速 2.7 m/s,额定风速 6.7 m/s,可计算得 a = -40.5,b=15,另外有形状参数 k=2.94,尺度参数 c= 3.03。

场景 1: 假定节点 15 的 WT 退出运行, PV 之间 的相关系数 *ρ*_{PP}取为 0.8。

是否计及相关性的2种情况下所求得的频率及 节点电压标准差对比如表3所示。

表 3 场景 1 的状态变量的标准差对比 Tab. 3 Standard deviation comparison of state variables in scene 1

状态变量	计及相关性 的标准差×10 ⁻³ /p.u.	不计相关性的 标准差×10 ⁻³ /p.u.	相对误差 百分数 / %
节点1电压	4.11	4.03	2.05
节点2电压	4.25	4.16	2.17
节点3电压	4.10	4.02	2.04
节点4电压	4.06	4.02	1.07
节点5电压	4.09	4.07	0.51
节点6电压	4.18	4.17	0.38
节点7电压	4.36	4.22	3.37
节点8电压	4.68	4.45	4.84
节点9电压	4.80	4.54	5.44
节点 10 电压	4.93	4.64	5.81
节点 11 电压	5.08	4.77	5.98
节点 12 电压	5.03	4.76	5.44
节点 13 电压	3.42	3.40	0.67
节点 14 电压	4.43	4.39	0.87
节点 15 电压	5.29	4.96	6.27
节点 16 电压	8.21	7.65	6.89
节点 17 电压	4.92	4.76	3.29
频率	0.59	0.47	19.85

由表中数据可知,计及相关性后系统频率可能 的波动范围明显增大,主要是节点15 与节点16 的 PV 出力呈现将强的相关性,将引起系统功率的较 大幅度波动。若不计相关性的影响将会带来较大 误差,频率的相对误差将近20%。

由于 PV 只输出有功功率,有功功率的平衡主 要影响频率。对比节点 15 与节点 16 的 PV 出力相 互独立以及计及相关性下的频率分布情况,频率的 PDF 及 CDF 如图 3 所示。

场景 2:节点 15 的 WT 投入运行, PV 之间的相 关系数 ρ_{PP}取为 0.8,由于风光通常存在互补性, PV 与 WT 之间的相关系数 ρ_{PW}取为-0.6。

是否计及相关性的2种情况下所求得的频率及 节点电压标准差对比如表4所示。



图 3 场景 1 的频率 PDF 及 CDF

Fig.3 Frequency PDF and CDF in scene 1

表 4 场景 2 的状态变量的标准差对比

Tab. 4 Standard deviation comparison of state variables in scene 2

状态变量	计及相关性 的标准差×10 ⁻³ /p.u.	不计相关性 的标准差×10 ⁻³ /p.u.	相对误差 百分数 /%
节点1电压	3.95	4.14	4.83
节点2电压	4.08	4.27	4.69
节点3电压	3.94	4.13	4.83
节点4电压	3.97	4.05	2.11
节点5电压	4.03	4.06	0.60
节点6电压	4.13	4.15	0.31
节点7电压	4.09	4.44	8.72
节点8电压	4.25	4.81	13.17
节点9电压	4.29	4.85	12.87
节点 10 电压	4.37	4.91	12.35
节点11电压	4.47	4.99	11.65
节点 12 电压	4.47	4.94	10.46
节点13电压	3.36	3.38	0.58
节点 14 电压	4.33	4.40	1.70
节点 15 电压	4.72	5.95	25.84
节点 16 电压	7.08	7.76	9.59
节点 17 电压	4.55	4.83	6.19
频率	0.36	0.64	79.24

由表中数据可知,由于 PV 及 WT 出力成负相 关性,即风光互补,提高了可再生能源输出的稳定 性,与不考虑相关性的情况相比频率波动范围大大 减小。若将风光出力视为相互独立则会产生极大 的误差,由此可见本文计及 DG 出力相关性的计算 结果更符合实际情况,能够更准确地评估频率及电 压质量。

同样对比各 DG 出力相互独立以及计及相关性 下的频率分布情况,频率的 PDF 及 CDF 如图 4 所示。

使用盒须图绘制出场景 2 下的节点电压分布情况,如图 5 所示。场景二下各节点电压都在一定范围内波动,均处于合格范围内,其中节点 16 波动区间较大,主要由于节点 16 的 PV 出力存在随机性, 且容量较大。而节点 15 同样安装了 PV 但由于还 有 WT 的存在,风光出力互补因此使得总体出力更 为稳定,电压波动也较小些。



4 结论

文中提出一种计及 DG 出力相关性的孤岛微电 网 PLF 计算方法,可用于求解对等控制模式下的孤 岛微电网 PLF。通过算例分析,获得以下结论:

(1) 孤岛微电网中的可再生能源主要是光伏及 风力发电,由本文场景1的情况可以看出同类 DG 出力具有强相关性的情况下将加剧孤岛微电网的 频率波动;

(2)一般来说,风光出力存在天然的互补性,由本文场景2对比结果可知,通过风光互补能够获得较为稳定的出力,使得频率波动范围减小,可提高孤岛微电网运行的安全性;

(3) 文中计及 DG 出力相关性的 PLF 相比于相 互独立的抽样模拟更符合实际情况,能够为孤岛微 电网的运行提供可信的参考数据,存在应用价值。 参考文献:

- [1] HATZIARGYRIOU N, ASAND H, IRAVANI R, et al. Microgrids
 [J]. IEEE Power and Energy Magazine, 2007, 5(4):78-94.
- [2] KATIRAEI F, IRAVANI R, HATZIARGYRIOU N, et al. Microgrids management [J]. IEEE Power and Energy Magazine, 2008,6(3):54-65.
- [3] 彭寒梅,曹一家,黄小庆.对等控制孤岛微电网的静态安全风险评估[J].中国电机工程学报,2016,36(18):4837-4846.

PENG Hanmei, CAO Yijia, HUANG Xiaoqing. Static security risk assessment of islanded microgrids under peer-peer control [J]. Proceedings of the CSEE, 2016, 36(18):4837-4846.

- [4] MUMTAZ F, SYED M H, HOSANI M A, et al. A novel approach to solve power flow for islanded microgrids using modified Newton Raphson with droop control of DG [J]. IEEE Transactions on Sustainable Energy, 2015, 6(12):1-11.
- [5] 潘忠美,刘 健,石 梦,等. 计及电压/频率静特性的孤岛
 微电网电压稳定性与薄弱节点分析[J]. 电网技术,2017,41
 (7):2214-2221.

PAN Zhongmei, LIU Jian, SHI Meng, et al. Static voltage stability and weak bus analysis of islanded microgrids considering static voltage/frequency characteristics [J]. Power System Technolgy, 2017, 41(7):2214-2221.

- [6] ABDELAZIZ M M, FARAG H E, EL-SAADANY E F, et al. A novel and generalized three-phase power flow algorithm for islanded microgrids using a newton trust region method[J]. IEEE Trans on Power Systems, 2013, 28(1):190-201.
- [7] 彭寒梅,曹一家,黄小庆. 基于 BFGS 信赖域算法的孤岛微电网潮流计算[J].中国电机工程学报,2014,34(16): 2629-2638.

PENG Hanmei, CAO Yijia, HUANG Xiaoqing. Power flow calculation of islanded microgrids based on BFGS trust region method [J]. Proceedings of the CSEE, 2014, 34 (16): 2629–2638.

- [8] 李培帅,施 烨,吴在军,等. 孤岛微电网潮流的类奔德斯分解算法[J]. 电力系统自动化,2017,41(14):119-125.
 LI Peishuai,SHI Ye, WU Zaijun, et al. Power flow calculation method similar to benders decomposition for islanded microgrid [J]. Automation of Electric Power Systems, 2017, 41(14): 119-125
- [9]金 楚,黎嘉明,徐沈智,等. 大规模光伏发电并网概率潮流 计算及对电网的影响[J]. 电力工程技术,2017,36(1):1-8. JIN Chu,LI Jiaming,XU Shenzhi, et al. Probabilistic load flow calculation and influence analysis for power grid connected with large scale photovoltaic generation system [J]. Electric Power Engineering Technology,2017,36(1):1-8.
- [10] 卫 鹏,刘建坤,周 前,等. 基于半不变量和 Gram-Charlier 级数展开法的随机潮流算法[J]. 电力工程技术,2017,36 (1):34-38.

WEI Peng, LIU Jiankun, ZHOU Qian, et al. A probabilistic power flow algorithm based on semi-variable and gram-charlier series expansion [J]. Electric Power Engineering Technology, 2017,36(1):34-38.

- [11] 丁 明,李生虎,黄 凯. 基于蒙特卡罗模拟的概率潮流计算[J]. 电网技术,2001,25(11):10-14,22.
 DING Ming,LI Shenghu, HUANG Kai. Probabilistic load flow analysis based on monte-carlo simulation [J]. Power System Technology,2001,25(11):10-14,22.
- [12] 段玉兵,龚宇雷,谭兴国,等. 基于蒙特卡罗模拟的微电网 随机潮流计算方法[J]. 电工技术学报,2011,26(S1): 274-278.

DUAN Yubing, GONG Yulei, TAN Xinguog, et al. Probabilistic power flow calculation in microgrid based on monte-carlo simulation. Transactions of China Electrotechnical Society [J]. 2011,26(S1):274-278.

- [13] 刘明波,简淦杨,董 萍. 孤岛微电网的随机潮流计算[J]. 华南理工大学学报(自然科学版),2014,42(4):13-18.
 LIU Mingbo, JIAN Ganyang, DONG Ping. Stochastic power flow calculation of islanded microgrids [J]. Journal of South China University of Technology (Natural Science Edition), 2014,42(4):13-18.
- [14] 刘小团,赵晋泉,罗卫华,等. 基于 TPNT 和半不变量法的考虑输入量相关性概率潮流算法[J]. 电力系统保护与控制,2013,41(22):13-18.
 LIU Xiaotuan, ZHAO Jinquan, LUO Weihua, et al. A TPNT

and cumulants based probabilistic load flow approach considering the correlation variables[J]. Power System Protection and Control, 2013, 41(22):13-18.

 [15] 石东源,蔡德福,陈金富,等. 计及输入变量相关性的半不 变量法概率潮流计算[J]. 中国电机工程学报,2012,32
 (28):104-113.

SHI Dongyuan, CAI Defu, CHEN Jinfu, et al. Probabilistic load flow calculation based on cumulant method considering correlation between input variables [J]. Proceedings of the Chinese Society for Electrical Engineering, 2012, 32(28); 104–113.

[16] 吴 巍,汪可友,李国杰. 计及光伏发电相关性的多重积分

法概率潮流计算[J]. 中国电机工程学报,2015,35(3): 568-575.

WU Wei, WANG Keyou, LI Guojie. Probabilistic load flow calculation method based on multiple integral method considering correlation of photovoltaic generation [J]. Proceedings of the CSEE, 2015, 35(3):568–575.

[17] 贾宏杰,戚 艳,穆云飞.基于家居型温控负荷的孤立微电
 网频率控制方法[J].中国科学:技术科学,2013,56(3):
 693-702.

JIA HongJie, QI Yan, MU YunFei. Frequency response of autonomous microgrid based on family-friendly controllable loads [J]. Science China: Technological Sciences, 2013, 56(3):693-702.

作者简介:



苏凯森(1996—),男,本科,研究方向为智
能配电网及微电网(E-mail:KeiiiiiS@163.com);
杨家豪(1990—),男,硕士,讲师,研究方
向为智能配电网及微电网方向为(E-mail:
yangjiahao1990@ foxmail.com);

苏凯森

郑泽蔚(1997—),男,本科,研究方向为智 能配电网及微电网(E-mail:400234@163.com)。

Islanded Microgrids Probabilistic Load Flow Considering Correlated DG Output Based on Monte-carlo Method

SU Kaisen¹, YANG Jiahao¹, ZHENG Zewei¹, GONG Xinyue²

(1. Xiamen University Tan Kah Kee College, Zhangzhou 363105, China;

2. State Grid Jiangsu Electric Power Co., Ltd. Research Institute, Nanjing 211103, China)

Abstract:Islanded microgrids lack of the support from upper power grid, so the frequency and voltage of microgrid will be influenced by the randomness of DG and the volatility of the load. Islanded microgrids probabilistic load flow calculation method considering correlated DG output based on monte-carlo method is presented, which can accurately analyze the operating state of microgrids in the islanded mode. First of all, the classification of gisle microgrid nodes is simplified, and the uniform expressions of island microgrid power flow are worked out; then the Monte Carlo method is used to calculate the result of probability flow considering correlated DG output. Finally, the Benchmark 0.4 kV low voltage microgrid system is taken as an example to verify the validity of the calculation method.

Key words: islanded microgrids; Monte Carlo method; probability load flow; correlation

(编辑 钱 悦)